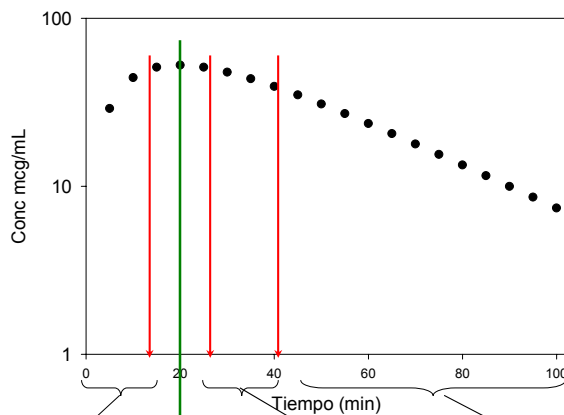


$$\left( \frac{dQ}{dt} = k_a \cdot Q_A - k_{el} \cdot Q \right) \cdot \frac{1}{V_d}$$

$$\frac{dC}{dt} = k_a \cdot A - k_{el} \cdot C$$



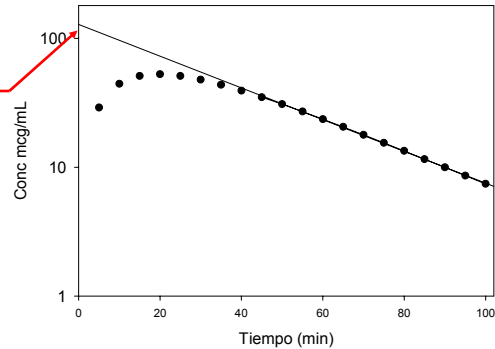
$$k_a \cdot Q_a \gg k_{el} \cdot Q \rightarrow k_a \cdot Q_a = k_{el} \cdot Q \rightarrow k_a \cdot Q_a \ll k_{el} \cdot C \rightarrow k_a \cdot Q_a \approx 0 \rightarrow$$

## Ecuación integrada

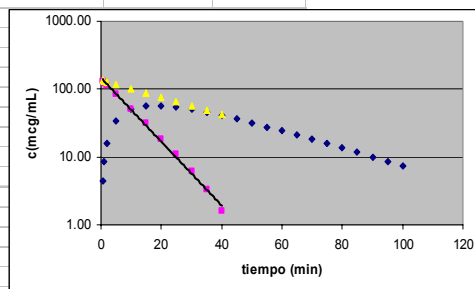
Funcion de Bateman

$$C = C_0 \cdot \frac{k_a}{k_a - k_{el}} \cdot (e^{-k_{el} \cdot t} - e^{-k_a \cdot t})$$

$$C = C^0 \cdot (e^{-k_{el} \cdot t} - e^{-k_a \cdot t})$$



Tiempo(min)	C(mcg/mL)	LnC	LnCextrapolad	Cextrapoladas	Cext-C=A	LnA
0.5		4.37	4.90	133.79	129.42	4.86
1		8.48	4.88	131.87	123.39	4.82
2		15.97	4.85	128.11	112.14	4.72
5		33.46	4.77	117.47	84.00	4.43
10		50.14	4.62	101.65	51.52	3.94
15		56.76	4.48	87.97	31.21	3.44
20		57.53	4.33	76.13	18.60	2.92
25		55.05	4.19	65.88	10.83	2.38
30		50.90	4.04	57.01	6.10	1.81
35		46.06	3.90	49.33	3.27	1.19
40		41.08	3.75	42.69	1.61	0.48
45		36.27	3.59			
50		31.80	3.46			
55		27.74	3.32			
60		24.12	3.18			
65		20.91	3.04			
70		18.09	2.90			
75		15.63	2.75			
80		13.50	2.60			
85		11.64	2.45			
90		10.04	2.31			
95		8.65	2.16			
100		7.45	2.01			
ke=	-0.0289	4.9107	LnC0			
	0.0002	0.0114				
	0.9997	0.0091				
	35737.9756	10.0000				
	2.9896	0.0008				



Biofarmacia Moderna Herramientas de Cálculo Colección Biblioteca Capsugel Ejercicios Imprimir pantalla Salida

Módulo: Farmacocinética

Método de los residuales para estimar la  $k_a$  o  $t_{1/2}$  de absorción:

Se extrapola la fase monoexponencial terminal de la curva semilogarítmica de niveles plasmáticos (fase de eliminación) hacia el eje de ordenadas.

2  $\bar{C} = \frac{F \cdot \text{Dosis} \cdot ka}{Vd \cdot (ka - k)} e^{-kt}$

1  $C = \frac{F \cdot \text{Dosis} \cdot ka}{Vd(ka - k)} (e^{-kt} - e^{-kat})$  Ecuación general representativa de la concentración de un fármaco en plasma

Se calcula la diferencia entre cada valor teórico extrapolado ( $\bar{C}$ ) y el experimental obtenido al mismo tiempo ( $C$ ), para cada uno de los puntos experimentales correspondientes al tramo extrapolado

3  $(\bar{C} - C) = \frac{F \cdot \text{Dosis} \cdot ka}{Vd \cdot (ka - k)} e^{-kat}$

$ka =$  pendiente de la recta  $(\bar{C} - C)$ .

Propósitos, Objetivos, y Prerrequisitos

Introducción

Biodisponibilidad

Farmacocinética

Definición

Parámetros

Análisis

Aclaramiento

Metabolismo

Absorption Analysis

Bioequivalencia

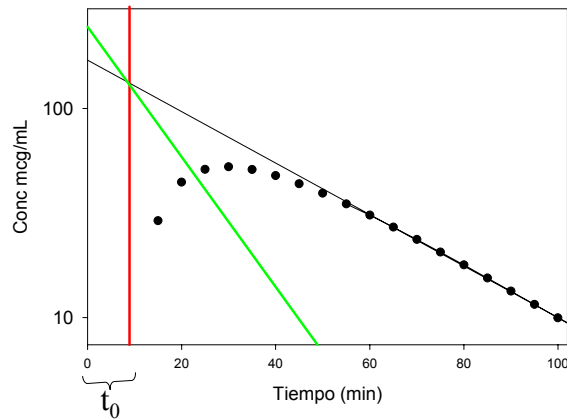
Transporte

Administración

Referencias

Biofarmacia moderna. S. Choe, M Bermejo, G Amidon. <http://www.tsrlinc.com/mbindex.htm>

## Periodo de latencia



$$C = C^0 \cdot e^{-kel \cdot t} \quad A = A^0 \cdot e^{-ka \cdot t}$$

$$\text{a } t=t_0 \quad C = A$$

### ■ Wagner Nelson: Balance de masas

En cualquier instante la cantidad de fármaco absorbida ( $Q_a$ ) debe ser igual a la cantidad en organismo ( $Q_c$ ) más la cantidad ya eliminada ( $Q_e$ )

$$Q_{at} = Q_{ct} + Q_{et}$$

$$Q_{ct} = C \cdot V_d$$

$$\frac{dQ_{et}}{dt} = k_{el} \cdot Q \rightarrow \frac{dQ_{et}}{dt} = k_{el} \cdot V_d \cdot C \rightarrow dQ_{et} = k_{el} \cdot V_d \cdot C \cdot dt$$

$$\int_0^t dQ_{et} = k_{el} \cdot V_d \cdot \int_0^t C \cdot dt$$

$$Q_{et} = k_{el} \cdot V_d \cdot AUC_0^t$$

### ■ Wagner Nelson: Balance de masas

$$Q_{at} = Q_{ct} + Q_{et}$$

$$Q_{ct} = C \cdot V_d \quad Q_{et} = k_{el} \cdot V_d \cdot AUC_0^t$$

$$Q_{at} = C_t \cdot V_d + k_{el} \cdot V_d \cdot AUC_0^t$$

$$Q_{a\infty} = k_{el} \cdot V_d \cdot AUC_0^\infty$$

$$\frac{Q_t}{Q_\infty} = \frac{C_t \cdot V_d + k_{el} \cdot V_d \cdot AUC_0^t}{k_{el} \cdot V_d \cdot AUC_0^\infty}$$

$$Q_{at}/V_d = Q_{ct}/V_d + Q_{et}/V_d$$

$$A_t = C_t + E_t \quad *$$

$$\frac{A_t}{A_\infty} = \frac{C_t + k_{el} \cdot AUC_0^t}{k_{el} \cdot AUC_0^\infty}$$

$$1 - \frac{A_t}{A_\infty} = \text{fracción remanente}$$

\*

- $A_t/A_\infty$  representa la fracción absorbida de la cantidad total que se absorberá.
- La cantidad que finalmente se absorberá puede o no coincidir con la dosis.
- Si la absorción es completa
  - $A_\infty \cdot V_d = D$
- Si la absorción no es completa
  - $A_\infty \cdot V_d = f \cdot D$

**Ecuación curva acumulativa (no hay  $t_0$  y se asume absorción de primer orden)**

$$\ln A = \ln(A_\infty - A_t) = \ln A_\infty - k_a \cdot t$$

$$A_\infty - A_t = A_\infty \cdot e^{-k_a \cdot t}$$

$$A_\infty - A_\infty \cdot e^{-k_a \cdot t} = A_t$$

$$A_\infty \cdot (1 - e^{-k_a \cdot t}) = A_t$$

$$(1 - e^{-k_a \cdot t}) = \frac{A_t}{A_\infty}$$

$$A_t = A_\infty \cdot (1 - e^{-k_a \cdot t})$$

## Deducción expresión $t_0$

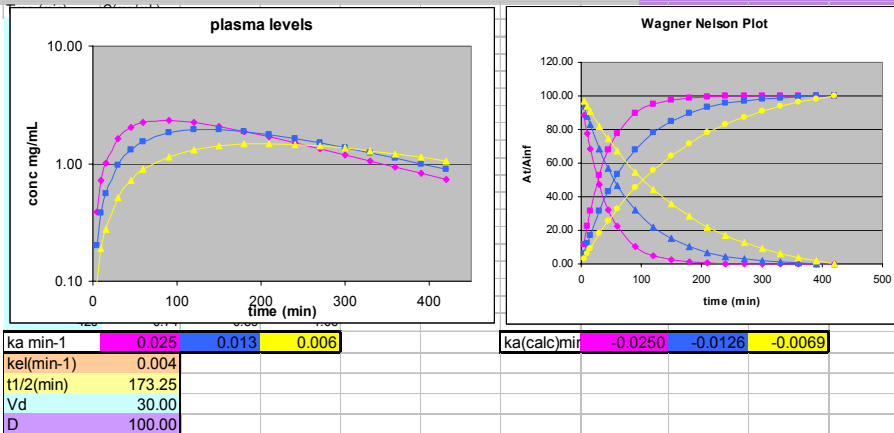
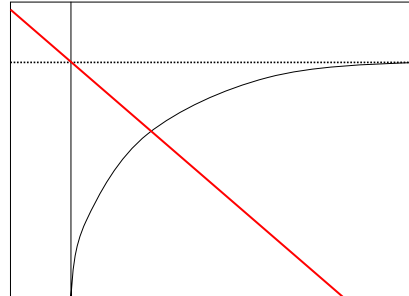
- En  $t_0$

$$\ln(A_\infty - A_t) = \ln A_0 - k_a \cdot t$$

$$\text{si } t=t_0$$

$$\ln(A_\infty - 0) = \ln A_0 - k_a \cdot t_0$$

$$t_0 = \frac{\ln\left(\frac{A_0}{A_\infty}\right)}{k_a}$$



$$\ln\left(100 - \frac{A_t}{A_\infty}\right) = \ln 100 - k_a \cdot t$$

## Ventajas-Inconvenientes W-N

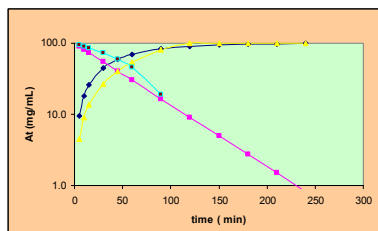
- La kel se obtiene de la fase terminal de la curva oral. En un modelo Flip-Flop tal estimación no es correcta.
- Salvo que se posean datos de la administración IV no se puede tener seguridad en la kel
- Permite calcular el periodo de latencia
- La curva acumulativa siempre alcanza el 100% aunque la biodisponibilidad no sea completa.
- El balance de Wagner Nelson no implica ningún supuesto respecto a la cinética de la absorción.

- Wagner Nelson: Balance de masas

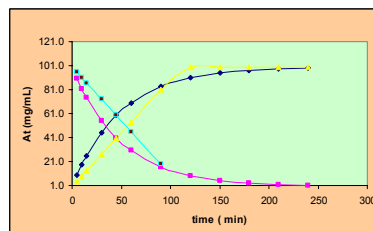
$$A_t = C_t + E_t$$

$$\frac{A_t}{A_\infty} = \frac{C_t + k_{el} \cdot AUC_0^t}{k_{el} \cdot AUC_0^\infty}$$

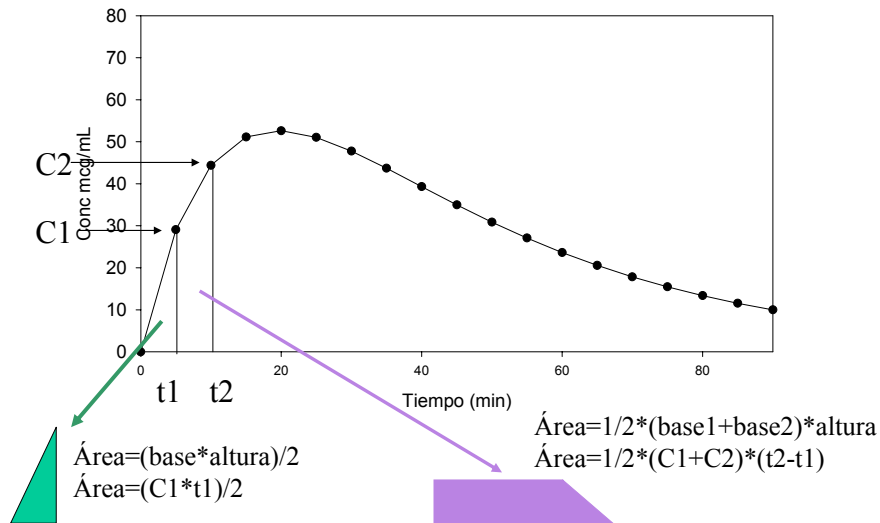
$$1 - \frac{A_t}{A_\infty} = \text{fracción remanente}$$



$$\ln\left(100 - \frac{A_t}{A_\infty}\right) = \ln 100 - k_a \cdot t$$



$$\left(100 - \frac{A_t}{A_\infty}\right) = 100 - k_a \cdot t$$



Biofarmacia Moderna Herramientas de Cálculo Colección Biblioteca Capsugel Ejercicios Imprimir pantalla Salida

Módulo: Farmacocinética

### Cálculo del Área Bajo la Curva (AUC):

Método de los trapecios

$\text{Área 1} = \frac{(C_1 + 0) \cdot (t_1 - 0)}{2}$   
 $\text{Área 2} = \frac{(C_1 + C_2) \cdot (t_2 - t_1)}{2}$   
 $\text{Área 3} = \frac{(C_2 + C_3) \cdot (t_3 - t_2)}{2}$   
 $\text{Área } z \text{ a } \infty = \frac{C_z}{k}$  [¿Por qué?](#)

donde  
 $k = \text{Constante de velocidad de eliminación}$

$\text{Área total bajo la curva (AUC}_0^\infty) = \text{Área 1} + \text{Área 2} + \text{Área 3} + \dots + \frac{C_z}{k}$  [Ejemplo](#)

Propósitos, Objetivos, y Prerrequisitos

Introducción

**Biodisponibilidad**

Absorción

Cálculo

Farmacocinética

Aclaramiento

Metabolismo

Absorption Analysis

Bioequivalencia

Transporte

Administración

Referencias

$$AUC_0^\infty = \int_0^\infty C_0 \cdot e^{-k_{el} \cdot t}$$

$$AUC_0^\infty = C_0 \cdot \int_0^\infty e^{-k_{el} \cdot t}$$

$$AUC_0^\infty = -\frac{C_0}{k_{el}} \cdot \left[ e^{-k_{el} \cdot t} \right]_0^\infty = -\frac{C_0}{k_{el}} \cdot \left[ e^{-k_{el} \cdot \infty} - e^{-k_{el} \cdot 0} \right]$$

$$AUC_0^\infty = -\frac{C_0}{k_{el}} \cdot [0 - 1] \rightarrow AUC_0^\infty = \frac{C_0}{k_{el}} \quad AUC_0^t = \frac{C_t}{k_{el}}$$

## Resumen

$$A_t = C_t + E_t$$

$$\frac{A_t}{A_\infty} = \frac{C_t + k_{el} \cdot AUC_0^t}{k_{el} \cdot AUC_0^\infty}$$

$$1 - \frac{A_t}{A_\infty} = \text{fracción remanente}$$

1. Calcular  $k_{el}$  de la fase monoexponencial de la curva oral
2. Calcular las  $A_t$ , obtener  $A_\infty$
3. Residuales ( $A_\infty - A_t$ )
4. Regresión lineal de los logaritmos de ( $A_\infty - A_t$ )

## Ecuación de Bateman: Reglas

Funcion de Bateman

$$C = C_0 \cdot \frac{k_a}{k_a - k_{el}} \cdot (e^{-k_{el} \cdot t} - e^{-k_a \cdot t})$$

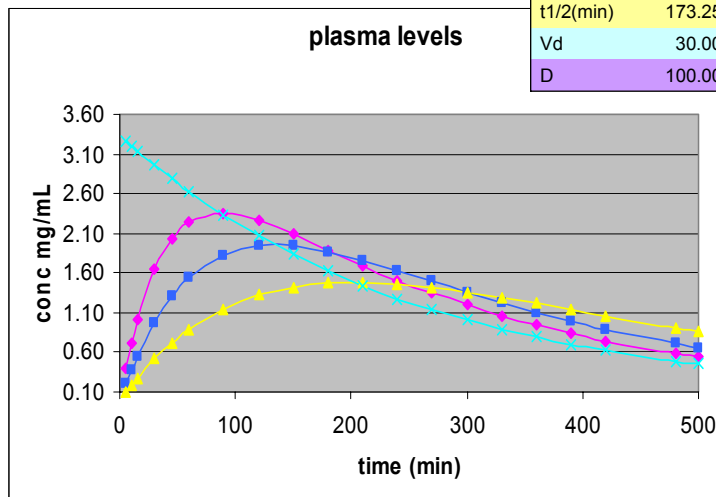
Supuestos:

Absorción Completa

No hay  $t_0$

1. El tramo descendente de las curvas, está regido por  $k_{el}$ . El tramo se desplaza a la derecha cuanto más lenta sea la absorción, pero la pendiente terminal es la misma ( en papel semilogarítmico las rectas terminales son paralelas)

ka min-1	0.025	0.013	0.006
kel(min-1)	0.004		
t1/2(min)	173.25		
Vd	30.00		
D	100.00		



## Ecuación de Bateman: Reglas

Funcion de Bateman

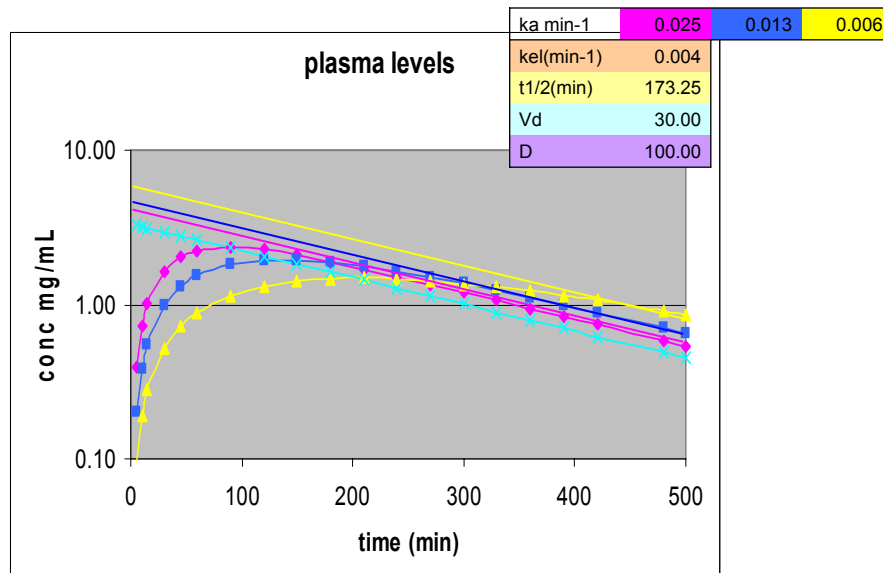
$$C = C_0 \cdot \frac{k_a}{k_a - k_{el}} \cdot (e^{-k_{el} \cdot t} - e^{-k_a \cdot t})$$

Supuestos:

Absorción Completa

No hay  $t_0$

2. El valor extrapolado  $C^0$  es tanto mayor cuanto más lenta es la absorción.



## Ecuación de Bateman: Reglas

Funcion de Bateman

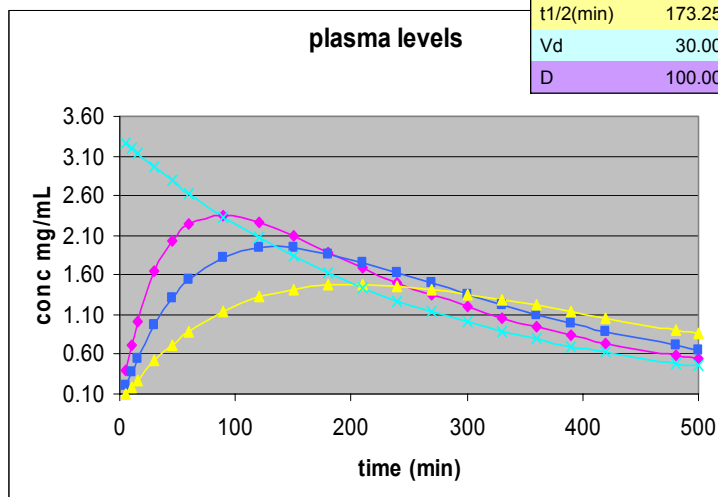
$$C = C_0 \cdot \frac{k_a}{k_a - k_{el}} \cdot (e^{-k_{el} \cdot t} - e^{-k_a \cdot t})$$

Supuestos:

Absorción Completa  
No hay  $t_0$

3. El máximo de las curvas es tanto mas bajo, como y tardío cuanto más lenta es la absorción. Ello tiene repercusión en la intensidad y duración de los efectos farmacológicos.

ka min-1	0.025	0.013	0.006
kel(min-1)	0.004		
t1/2(min)	173.25		
Vd	30.00		
D	100.00		



## Ecuación de Bateman: Reglas

Funcion de Bateman

$$C = C_0 \cdot \frac{k_a}{k_a - k_{el}} \cdot (e^{-k_{el} \cdot t} - e^{-k_a \cdot t})$$

Supuestos:  
Absorción Completa  
No hay t0

4. La curva intravenosa corta a las demás en el máximo.

## Ecuación de Bateman: Reglas

Funcion de Bateman

$$C = C_0 \cdot \frac{k_a}{k_a - k_{el}} \cdot (e^{-k_{el} \cdot t} - e^{-k_a \cdot t})$$

Supuestos:  
Absorción Completa  
No hay t0

5 Si la absorción es completa F=100% y a la misma dosis, el AUC total debe ser la misma sea cual sea la vía de administración.

$$F = \frac{AUC_0^\infty(\text{problema})}{AUC_0^\infty(\text{via IV})}$$

## Ecuación de Bateman

Funcion de Bateman

$$C = C_0 \cdot \frac{k_a}{k_a - k_{el}} \cdot (e^{-k_{el} \cdot t} - e^{-k_a \cdot t})$$

$$C = \frac{D}{V_d} \cdot \frac{k_a}{k_a - k_{el}} \cdot (e^{-k_{el} \cdot t} - e^{-k_a \cdot t})$$

Absorción incompleta

$$C = f \cdot C_0 \cdot \frac{k_a}{k_a - k_{el}} \cdot (e^{-k_{el} \cdot t} - e^{-k_a \cdot t})$$

$$C = f \cdot \frac{D}{V_d} \cdot \frac{k_a}{k_a - k_{el}} \cdot (e^{-k_{el} \cdot t} - e^{-k_a \cdot t})$$

## Ecuación de Bateman: si hay to

Absorción incompleta

$$C = f \cdot C_0 \cdot \frac{k_a}{k_a - k_{el}} \cdot (e^{-k_{el} \cdot (t-t_0)} - e^{-k_a \cdot (t-t_0)})$$

$$C = f \cdot \frac{D}{V_d} \cdot \frac{k_a}{k_a - k_{el}} \cdot (e^{-k_{el} \cdot (t-t_0)} - e^{-k_a \cdot (t-t_0)})$$

## Cmax y tmax

- Cmax= concentración máxima
- Tmax= tiempo al que C=Cmax

En el máximo de la curva se cumple que  $dC/dt=0$

1. Tomar la ecuación de la curva
2. Derivar e igualar a cero

$$C = C^0 \cdot e^{-k_{el} \cdot t_{max}} - C^0 \cdot e^{-k_a \cdot t_{max}}$$

$$\frac{dC}{dt} = (-k_{el} \cdot C^0 \cdot e^{-k_{el} \cdot t_{max}}) - (-k_a \cdot C^0 \cdot e^{-k_a \cdot t_{max}}) = 0$$

$$\cancel{-k_{el} \cdot C^0 \cdot e^{-k_{el} \cdot t_{max}}} = \cancel{-k_a \cdot C^0 \cdot e^{-k_a \cdot t_{max}}}$$

$$\text{Ln} k_{el} - k_{el} \cdot t_{max} = \text{Ln} k_a - k_a \cdot t_{max}$$

$$t_{max} \cdot (k_a - k_{el}) = \text{Ln} k_a - \text{Ln} k_{el}$$

$$t_{max} \cdot (k_a - k_{el}) = \text{Ln} \frac{k_a}{k_{el}} \rightarrow t_{max} = \frac{\text{Ln} \frac{k_a}{k_{el}}}{(k_a - k_{el})}$$