



DEPARTAMENT ANÀLISI MATEMÀTICA  
UNIVERSITAT DE VALÈNCIA  
Carrer Doctor Moliner 50  
46100 Burjassot. València

**Examen de Matemáticas**  
**(12907 L. Químicas)**  
**Plan 2000**

28 de enero de 2002

Poner el nombre y los apellidos **con mayúsculas** y el grupo en cada hoja. No escribir con lápiz ni con bolígrafo rojo.

**PRIMER PARCIAL** (Tiempo: 3 horas)

**Problema 1 (2 pts)**

Considerando la aplicación lineal

$$f(x, y, z) := (x + y + z, ax - y + z, 2x - y + az)$$

- (a) Encontrar los valores de  $a$  de manera que  $f$  sea biyectiva.  
(b) Si  $a = 1$ , calcular  $f^{-1}(1, 2, 3)$

**Problema 2 (2 puntos)**

Razonar si las siguientes matrices son o no diagonalizables encontrando, en su caso, la matriz de paso y su inversa

$$\begin{pmatrix} 2 & 0 \\ 1 & 2 \end{pmatrix} \quad \begin{pmatrix} 4 & -2 \\ 2 & -1 \end{pmatrix}$$

**Problema 3 (2 puntos)**

Si  $z = z(x, y)$  es una función de clase  $C^{(2)}$  y tenemos unas nuevas variables  $u$  y  $v$  tales que  $x = u + 3v$ ,  $y = 2u - v$ , transformar la expresión

$$\frac{\partial^2 z}{\partial x^2} - \frac{\partial z}{\partial y}$$

**Problema 4 (2 puntos)**

Consideremos la superficie  $xyz = 1$

(a) Encontrar los puntos de dicha superficie en los que el plano tangente es paralelo a  $x + y + z = 0$ .

(b) Si la porción de superficie contenida en el primer octante la intersectamos con el plano  $2x + y - z = 2$  se sabe que se pueden despejar  $y$  y  $z$  en función de  $x$ , ( $y = f(x)$ ,  $z = g(x)$ ), calcular  $f'(1)$  y  $g'(1)$ .

**Problema 5 (2 puntos)**

Calcular los extremos de la función  $f(x, y) := x^2 + x + y^2 + y$  en el conjunto

$$K := \{(x, y) : x^2 + y^2 \leq 1\}.$$