

## Transformada Z (II)

1. Determina la secuencia temporal que da lugar a la siguiente transformada Z

$$H(z) = \frac{1}{1 - 0.81 \cdot z^{-2}} \Leftrightarrow R.O.C : 0.9 < |z|$$

**Solución:**  $y(n) = \left(\frac{1}{2}\right) \cdot [(0.9)^n + (-0.9)^n] \cdot u(n)$

2. Determina la salida del sistema definido por la respuesta impulsional

$$h(n) = \left(\frac{1}{2}\right)^n \cdot u(n) \quad \text{cuando la entrada es } x(n) \text{ definida como}$$

$$x(n) = \begin{cases} 1 & \text{par } n \geq 0 \\ 0 & \text{impar } n \geq 0 \end{cases}$$

**Solución:**  $y(n) = \left[ \frac{1}{3} \cdot (-1)^n + 1 - \frac{1}{3} \left(\frac{1}{2}\right)^n \right] \cdot u(n)$

3. Se tiene un sistema causal definido por la respuesta impulsional  $h(n)=1$  ( $n=0,2,1,0,0,0 \dots$ ). Determina la salida (usando Transformadas Z) cuando la entrada es la función escalón. Comprueba la solución usando la ecuación en diferencias

**Solución:**  $y(n) = -3 \cdot \delta(n) - \delta(n-1) + 4 \cdot u(n)$

4. Determina la Transformada Z y la R.O.C de la secuencia temporal

$$x(n) = \left[ \left(\frac{1}{2}\right)^n \cdot \cos\left(\frac{\pi \cdot n}{4}\right) \right] \cdot u(n)$$

**Solución**  $H(z) = \frac{1 - \left(\frac{\sqrt{2}}{4}\right) \cdot z^{-1}}{1 + \left(\frac{1}{4}\right) \cdot z^{-2} - \left(\frac{\sqrt{2}}{2}\right) \cdot z^{-1}} \Leftrightarrow R.O.C : 0.5 < |z|$

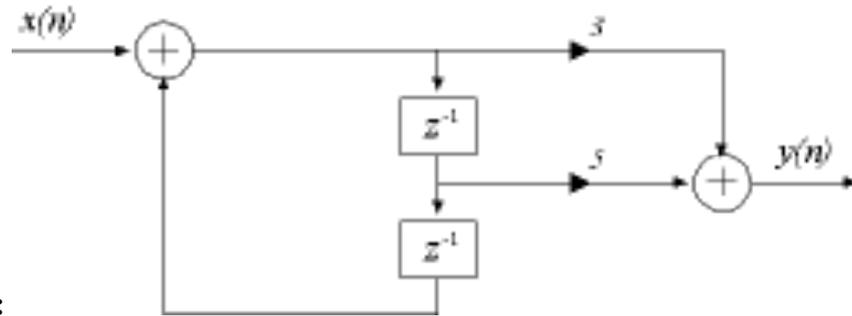
5. Determina la ecuación en diferencias del sistema digital equivalente (usando la transformación bilineal) al definido por la siguiente Transformada de Laplace, considera  $T_0 = 4 \cdot \pi \cdot T$  con  $w_0 = \frac{2 \cdot \pi}{T_0}$  y T el periodo de muestreo

$$T(p) = \frac{w_0^2}{p^2 + w_0^2}$$

**Solución**  $y(n) = 0.058 \cdot [x(n) + 2 \cdot x(n-1) + x(n-2)] + 1.76 \cdot y(n-1) - y(n-2)$

6. Implementa, con el menor número de retardos, el sistema cuya respuesta impulsional viene dada por la siguiente expresión:

$$h(n) = \begin{cases} 3 & n \text{ par } n \geq 0 \\ 5 & n \text{ impar } n \geq 0 \end{cases}$$



**Solución:**

7. Determina las señales temporales que dan lugar a las siguientes transformadas Z; a)  $H(z) = \text{sen}(z^{-1})$ ; b)  $G(z) = \ln(1 - 0.1 \cdot z^{-1})$

$$\text{a) } h(n) = \begin{cases} h(2 \cdot k) = 0 \\ h(2 \cdot k + 1) = \frac{(-1)^k}{(2 \cdot k + 1)!} \end{cases} \quad k \geq 0 \quad \text{b) } g(n) = -\frac{(0.1)^n}{n} \cdot u(n - 1)$$

8. Se tiene un sistema en el que la Transformada Z de la respuesta impulsional tiene como ceros a  $\pm j$  (simples) y como polo tiene a  $z=0$  (doble). Determina la salida del sistema cuando la entrada es

$$x(n) = \left[ \left( \frac{1}{2} \right)^n \right] \cdot u(n)$$

$$\text{Solución } x(n) = \left[ \left( \frac{1}{2} \right)^n \right] \cdot u(n) + \left[ \left( \frac{1}{2} \right)^{n-2} \right] \cdot u(n - 2)$$

9. Determina la ecuación en diferencias del sistema (lo más compacta posible) que tiene como respuesta impulsional  $h(n) = (-1)^n$   $0 \leq n \leq N - 1$  y 0 en otro caso (considera N par).

$$\text{Solución } y(n) = x(n) - x(n - N) - y(n - 1)$$

10. Demuestra que la Transformada Z de la secuencia de autocorrelación de

la señal  $x(n)$  definida como  $r_{xx}(l) = \sum_{n=-\infty}^{\infty} x(n) \cdot x(n - l)$  es igual a

$$R_{xx}(z) = X(z) \cdot X(z^{-1}).$$