PRÁCTICA 8: Estudio de Sistemas Electrónicos con el Método de Hückel

Parte I. Estudio de Sistemas Electrónicos con el Método de Hückel

Objetivos. El objetivo de la práctica es familiarizar al alumno con el modelo de Orbitales Moleculares construidos como Combinación Lineal de Orbitales Atómicos (modelo OM-CLOA). Se utilizará el método de OM más simple de todos, el método de Hückel, el cual fue propuesto por E. Hückel en 1931. La simplicidad del modelo utilizado convierte a este método en una herramienta excelente para ilustrar conceptos químico-cuánticos de estructura molecular tales como órdenes de enlace, densidades electrónicas y energías orbitales. Los ejercicios propuestos mostrarán como utilizar estos conceptos para predecir propiedades moleculares tales como distancias de enlace, capacidad dadora y/o aceptora de electrones, reactividad, etc. Hay que destacar que, a pesar de su antigüedad, el método de Hückel sigue siendo utilizado en investigación y que su conocimiento forma parte del curriculum de cualquier estudiante de química orgánica o inorgánica.

La concepción de la práctica es totalmente interactiva, no solamente con el ordenador sino también con los profesores. Es muy importante que entienda todos los conceptos. No se limite a ver pasar los resultados sobre la pantalla del ordenador, *discuta los resultados en profundidad con su compañero y pregunte todo lo que no entienda al profesor*.

Última modificación curso: 2012-2013

1. El programa Hückel

El programa Hückel presenta en modo gráfico o por medio de tablas los orbitales moleculares, sus energías y propiedades relacionadas (densidades electrónicas, ordenes de enlace, etc.) calculados para hidrocarburos conjugados utilizando el método de Hückel. El programa puede ser ejecutado cuantas veces sea necesario. *Tome nota de todos los resultados que obtenga y que considere significativos*.

1.1. Procedimiento de Arranque del Programa

- a) Encienda el ordenador.
- b) Pulsar el icono del programa Internet Explorer que aparece en el escritorio.
- c) Abrir desde el programa el fichero LaboratorioQF2/Huckel/SHMo2.htm

1.2. Definición de una molécula

- Para crear un átomo, basta pulsar **Add** (herramientas de edición) y luego el botón izquierdo del ratón en una posición cualquiera de la ventana. Para borrar el átomo pulse **Erase** y luego haga clic sobre el átomo a borrar. El botón **Clear** borra todos los átomos creados hasta el momento. Por defecto el átomo creado es de Carbono. Se puede cambiar pulsando **Change** y haciendo clic sobre el átomo a cambiar. Una vez definidos dos átomos por este procedimiento, hay que definir *la interacción* π entre ellos. Seleccione el primer átomo haciendo clic sobre él y arrastrando el ratón hasta el segundo átomo. Aparecerá un enlace entre ellos, que indica que los orbitales p de dicho átomos pueden interaccionar para dar lugar a un enlace de tipo π .
- El resto de herramientas de edición cumplen una función meramente estética, ya que el método de Hückel no tiene en cuenta la geometría molecular. El botón Rotate permite girar la molécula, Move, desplazar un átomo y Minimize redibuja la molécula de forma estándar (por ejemplo si dibujamos un hexágono irregular para representar al benceno, la función Minimize lo convierte en regular).
- El programa asigna automáticamente un electrón por cada átomo. El número de electrones pi de un hidrocarburo conjugado neutro es igual al número de átomos de carbono. Para cambiar el número de electrones, si fuera necesario, se disponen de los botones + y que aparecen abajo a la izquierda.
- El programa muestra a la derecha el diagrama de orbitales en función de la energía (en unidades de beta). Los botones Show Orbitals, Up y Down, permiten mostrar, sobre el esqueleto de la molécula, la composición de cada orbital

molecular. El tamaño del orbital atómico es función del módulo del coeficiente de participación en el OM y el color es función del signo.

• La información más detallada sobre los coeficientes de los OM, las poblaciones electrónicas y los órdenes de enlace son accesibles pulsando el botón **Show Data Table**.

2. Estudio de sistemas

2.1. Ejercicio 1: La Molécula de Etileno

Familiarícese con las distintas opciones del programa y estudie los resultados: energías orbitales, composición de los orbitales, densidades electrónicas y órdenes de enlace. Es importante que entienda el significado físico de cada una de las representaciones y de las magnitudes que proporciona el programa.

2.2. Ejercicio 2: Polienos Lineales

a) Energía de Deslocalización.

- Construya una cadena lineal de cuatro átomos de carbono simulando la molécula de 1,3-butadieno. Defina únicamente los dos enlaces laterales, de manera que obtenga dos etilenos independientes. Calcule los OM de este sistema y anote la energía electrónica total.
- Construya de nuevo la cadena de cuatro átomos, pero ahora defina también el enlace central. Compare los OM, sus energías y la energía electrónica total con los del caso anterior.
- b) Influencia de la Geometría.
 - Calcule los OM del s-cis-1,3-butadieno y s-trans-1,3-butadieno. ¿Cómo influye la geometría en los resultados?
- *c*) Orden de Enlace y Longitud de Enlace.
 - Construya cadenas lineales de seis (1,3,5-hexatrieno) y ocho (1,3,5,7octatetraeno) átomos de carbono completamente conjugados. Compare los órdenes de enlace con los obtenidos para el etileno y el 1,3-butadieno.
- d) Propiedades de los Orbitales Moleculares.
 - Analice la composición de los OM (carácter enlazante/antienlazante y propiedades nodales) del butadieno y hexatrieno.

- *e*) Energía de los Orbitales Moleculares.
 - Construya un diagrama representando la evolución de la energía del OM ocupado más alto en energía (HOMO) y del OM desocupado más bajo en energía(LUMO) en función de la longitud del polieno. Discuta, a partir de dicho diagrama, la evolución de las propiedades redox y las propiedades ópticas con la longitud del polieno.

2.3. Ejercicio 3: Polienos Cíclicos. Anulenos

a) Benceno. Aromaticidad.

- Construya un sistema de seis átomos de carbono totalmente conjugados formando un hexágono regular. Calcule su energía de deslocalización y compárela con la del 1,3,5-hexatrieno.
- Analice el diagrama de energías orbitales y la composición y propiedades nodales de los OM.
- *b*) Ciclooctatetraeno, ...
 - Construya ciclos de mayor tamaño (ocho, diez, ... átomos) y analice su energía de deslocalización.

2.4. Ejercicio 4: Sistemas Cíclicos No Alternantes

a) Ciclopropenilo y ciclopentadienilo.

 Calcule los OM de los radicales ciclopropenilo y ciclopentadienilo. Analice su estabilidad y la posible formación de especies aniónicas y/o catiónicas.

b) Sistemas bicíclicos.

- Calcule los OM de las moléculas resultantes de unir dos ciclos de tres átomos de carbono (triafulvaleno) y de cinco átomos (fulvaleno), y la resultante de unir un ciclo de tres con uno de cinco átomos.
- Analice las densidades electrónicas y los ordenes de enlace. Dibuje la estructura geométrica.
- Discuta la estabilidad del sistema y su capacidad dadora/aceptora de electrones.

 Prediga, en función de la composición de los OM, el efecto que tendría sobre la estructura geométrica la adición o sustracción de electrones dependiendo si la molécula tiene tendencia a formar aniones o cationes, respectivamente. Compruebe dicho efecto calculando el respectivo ion. .. ,,

2.5. Ejercicio 5: Sistemas Policíclicos. Reactividad

a) Sistemas alternantes. Naftaleno.

- Disponga diez átomos de carbono formando dos hexágonos aproximadamente regulares compartiendo un lado. Calcule sus OM y analice sus ordenes de enlace.
- Estudie con detalle las densidades electrónicas y la composición del HOMO y el LUMO. ¿En que posición tendrá lugar preferentemente la sustitución electrófila? ¿Y la sustitución nucleófila?

b) Sistemas no alternantes. Azuleno.

 Disponga ahora diez átomos de carbono formando un ciclo de siete y otro de cinco átomos compartiendo un lado. Calcule sus OM y discuta las mismas propiedades que para el naftaleno.

2.6. Ejercicio 6: Reactividad con Heteroátomos

a) Sistema aromático con un nitrógeno: Piridina.

- Disponga ahora seis átomos de carbono formando un ciclo y cambie uno de ellos por nitrógeno para construir la piridina. Prediga las posiciones de ataque preferentes para nucleófilos y electrófilos.
- Quite un electrón para obtener el ion piridinio. Prediga las posiciones preferentes de ataque.
- b) Nitrobenceno.
 - Disponga ahora 6 átomos de carbono formando un ciclo y añada un grupo NO₂. Analice la reactividad del nitrobenceno frente a electrófilos. ¿Qué posiciones (orto, meta o para) resultan activadas por el grupo nitro?

51

Parte II. Modelización Molecular: Estructura y Reactividad

Objetivos. Familiarizarse con los siguientes conceptos: Superficie de potencial, mínimo local, mínimo global, punto silla, barrera de potencial, optimización de la geometría, coordenadas internas, campo de fuerzas, mecánica molecular.

Última modificación curso: 2012-2013

1. Introducción

La aparición en las últimas décadas de ordenadores más potentes y más baratos ha permitido que se desarrollen y popularicen nuevas herramientas teóricas para la determinación de propiedades moleculares.

La propiedad más importante es la energía molecular. Una molécula o un sistema molecular determinado tendrá un valor energético en función de cómo tenga distribuidos los átomos en el espacio o dicho de otra manera la energía molecular dependerá de las coordenadas de sus átomos. El conjunto de puntos correspondientes a los valores de la energía en función de las coordenadas atómicas conforman las superficies de potencial. Una superficie de potencial puede tener desde una hasta 3N - 6 dimensiones, donde N es el número de átomos. Estas superficies presentan unos puntos especiales que denominamos estacionarios donde la derivada de la energía con respecto a las coordenadas se hace cero. Entre estos puntos se encuentran los mínimos y los puntos silla. Estos puntos son de gran significación química, así los mínimos de una superficie están relacionados con la estructura que se puede observar experimentalmente para nuestro sistema y los puntos silla están relacionados con los estados de transición en las reacciones químicas.

2. Experimentos

2.1. Experimento 1

Localice los mínimos conformacionales de las siguientes moléculas. Dibuje cada molécula. En el menú MM2 seleccione la opción Minimize Energy y pulse el botón RUN. Anote la energía de cada uno de los mínimos que obtenga e indique cuáles son mínimos locales y cuáles mínimos globales. Tenga en cuenta que para localizar los mínimos es necesario que la estructura de partida esté lo más próxima posible al mínimo que deseemos obtener.

- a) ICH₂ CH₂Cl. En este caso existen diversos confórmeros debidos al giro alrededor del enlace central C-C. El programa dibuja automáticamente uno de estos confórmeros, ¿cuál?. Minimícelo y anote su energía. Para encontrar otros confórmeros vaya al menú Structure, submenú Measurements' y elija la opción Generate all Diadral Angles. Aparecerá una tabla con los ángulos diedros. Modifique en esta ventana el valor del diedro correspondiente al giro alrededor del C-C central y vuelva a minimizar, anotando la energía. Repita el procedimiento para cuantos los mínimos piense que puedan existir.
- b) Ciclohexano. El programa crea automáticamente uno de los confórmeros posibles. Minimize y anote la energía. Para obtener el otro es necesario deformar la estructura a mano seleccionando uno o diversos átomos y desplazándolos convenientemente. Tras minimizar compruebe que ha obtenido la conformación buscada y anote la energía. Compare la diferencia con los datos bibliográficos.

2.2. Experimento 2

Haciendo uso del método MM2, obtenga la variación de la energía en función del giro de la molécula alrededor del enlace C-C de las siguientes moléculas . Dibuje cada molécula y seleccione los cuatro átomos que definen el ángulo diedro. Asegúrese que en el menú File , submenú Preferences, en la pestaña Dihedral Driver aparecen marcados Enble Minimization y una resolución de 5°. De esta forma, el ángulo diedro irá variando cada 5° y la energía se obtendrá minimizando el resto de los grados de libertad. Vaya al menú Calculations, submenú Dihedral driver y elija la opción Single Dihedral Plot. Aparecerá un gráfico con la superficie de energía potencial. Pinchando sobre la curva puede observar los diferentes confórmeros. Con el botón derecho del ratón puede acceder a un menú que permite copiar el gráfico y los datos. Pegue los resultados en una hoja Excel.

- a) $CH_3 CH_3$.
- b) $CH_3 CH_2I$.
- c) $ICH_2 CH_2I$.

Represente conjuntamente los resultados para las tres moléculas y discuta las diferencias.

2.3. Experimento 3. Estudio de superficies de energía potencial obtenida a través de la mecánica cuántica: rotación en torno a un enlace

Como ejemplo del estudio de una superficie de energía potencial, estudiaremos la rotación de la molécula de fluorometanol.



Figura 1: Molécula de fluorometanol.

La estabilidad de las diferentes conformaciones obtenidas al girar en torno a este enlace estará determinada por dos factores:

- La interacción entre los dipolos de enlace C-F y O-H.
- Hiperconjugación entre los orbitales solitarios del oxígeno y el LUMO (orbital antienlazante C-F).
- Repulsión estérica entre los átomos cuando los enlaces se encuentran eclipsados.

La suma de estos tres factores determinará la forma de la superficie de energía potencial a lo largo de la coordenada de rotación del enlace. Lógicamente, la mecánica molecular no es capaz de reproducir adecuadamente el segundo de los efectos. Para estudiar la superficie intentaremos caracterizar los mínimos (mínimos de energía) y los máximos (estados de transición entre dos mínimos) que presenta.

2.3.1. Realización

a) Preparación.

- Dibuje la molécula metanol.
- Reemplace uno de los hidrógenos del carbono por flúor.
- Obtenga la curva de rotación a nivel clásico utilizando la opción Dihedral Drive.
- b) Localización de Los Puntos Estacionarios Utilizando Mecánica Cuántica. Vamos a calcular ahora la superficie de energía potencial resolviendo la ecuación de Schrödinger electrónica. Esta ecuación puede resolverse usando diversas aproximaciones. En concreto nosotros utilizaremos un método semiempírico, el AM1, en el que algunas de las integrales electrónicas necesarias para resolver la función de onda se sustituyen por valores parametrizados para reproducir resultados experimentales. Esto hace que los métodos semiempíricos resulten muy rápidos computacionalmente, aunque su defecto es que no siempre producen resultados de la calidad esperada.

Para localizar diferentes puntos estacionarios hemos de comenzar la búsqueda en las proximidades del confórmero deseado. Seleccione los cuatro átomos (F-C-O-H) que definen el ángulo diedro y a continuación seleccione la opción Display Dihedral Measurements del submenú Measurement en el munú Structure. Aparecerá una ventana con el valor del ángulo diedro. Ese valor lo podemos modificar, adoptando entonces la molécula el valor del diedro que le pongamos.

- Seleccione una valor de ángulo diedro cercano a 0°. A continuación, en el menú Calculations vaya al submenú MOPAC Interface (El programa MOPAC es un programa de cálculo con métodos semiempíricos). Elija la opción Minimize para intentar localizar un mínimo. Anote el resultado del ángulo final y su energía. A continuación repita el proceso eligiendo la opción Optimize to Transition State. Anote el valor del ángulo y la energía (si no aparece un resultado de la energía, esto indica que el cálculo no ha convergido, es decir, que el programa no ha sido capaz de encontrar un punto estacionario a partir de la estructura propuesta. Esto suele ocurrir cuando se busca una estructura de transición partiendo lejos de la zona del máximo).
- Repita el proceso anterior seleccionando un valor del diedro cercano a 60°.

- Repita el proceso anterior seleccionando un valor del diedro cercano a 120°.
- Repita el proceso anterior seleccionando un valor del diedro cercano a 180°.

Teniendo en cuenta la naturaleza (mínimo/estructura de transición) y el valor de la energía represente la superficie de energía potencial. Compárela con la obtenida mediante mecánica molecular (apartado a) y comente las diferencias.

2.4. Experimento 4. Reacción de sustitución nucleofílica bimolecular ${\rm S_N2}$

Las reacciones $S_N 2$ son aquellas que siguen el siguiente esquema reactivo:



Figura 2: Mecanismo de reacción $S_N 2$

donde **Nu** representa al nucleófilo y **X** al grupo saliente. La molécula que sufre el ataque se denomina electrófilo. La estructura entre corchetes representa el estado de transición (TS). Este tipo de reacciones son muy comunes en el campo de la química orgánica y han sido objeto de numerosos estudios. En esta práctica vamos a estudiar dos tipos de reacciones $S_N 2$:

- **Tipo I**: el nucleófilo está cargado negativamente. En el estado de transición, la carga se reparte entre los grupos entrantes y salientes, por lo que presenta un momento dipolar bajo y los productos vuelven a presentar la carga localizada.
- Tipo II: tanto nucleófilo como electrófilo son eléctricamente neutros. Los productos están cargados y el estado de transición presenta un momento dipolar alto.

En este apartado vamos a estudiar una reacción $\rm S_N2$ de cada tipo. Localizaremos los mínimos y el estado de transición de cada una y calcularemos sus propiedades.

a) **Tipo I**. Como reacción de tipo I vamos a estudiar la reacción de substitución nucleofílica entre un anión cloruro y el cloruro de metilo:

Esta reacción presenta la característica de ser simétrica, esto es, que reactivos y productos son químicamente idénticos.





- Construya el sistema utilizando una nueva ventana de Chem3D. Ponga las moléculas en una disposición similar a la de reactivos. En el menú WIEW seleccione Show model tables y dentro de esta opción active Internal coordinates. De esta forma dispondremos de las coordenadas internas de la molécula de trabajo que nos servirán para medir las distancias y ángulos. Ajuste la ventana para la completa visualización de la información.
- Del submenú Mopac Interface seleccione la opción Minimize. Seleccione el método AM1 y presione el botón Run. Cuando el proceso haya finalizado, en el panel Output de la parte inferior de la ventana principal aparecerá el valor del calor de formación. Anote las distancias del carbono al los dos átomos de cloro (puede visualizarlas seleccionando el átomo de carbono y situando el cursor a continuación sobre los átomos de cloro).
- Una vez localizado el mínimo, calcule el momento dipolar y las cargas atómicas. Para ello, del submenú Mopac Interface, seleccione la opción Compute properties. Seleccione las propiedades mencionadas de la lista y presione el botón Run. La información aparecerá en el panel Output.
- Repita el proceso, esta vez para localizar el estado de transición estado. Situe las moléculas en una disposición similar a la del estado de transición, es decir, con valores similares de las distancias carbono-cloro y el grupo CH₃ formando un plano (para pode deformar la geometría asegúrese de tener desactivada la opción Apply Standard Measurments de la pestaña Model Building del submenú Model Settings que aparece en el menú File).
- Para optimizar la geometría a la del estado de transición, del menú MOPAC seleccione Optimize to transition state.

Realización

 Una vez localizado, calcule las mismas propiedades que para los reactivos y compare los resultados obtenidos.

b) Tipo II.

Como ejemplo de la reacción de tipo II vamos a estudiar la reacción de Menshutkin. Esta reacción tiene lugar entre la molécula de amoníaco y el cloruro de metilo. Inicialmente, ninguna de las dos moléculas presenta una carga neta. Sin embargo, los productos son iónicos, por lo que podemos esperar que en el estado de transición se va a producir una reordenación de las cargas atómicas, por lo que será muy polar.



Figura 4: Mecanismo de reacción $S_N 2$ de tipo II.

Realización

- Proceda de la misma forma que en el apartado anterior. Para construir el modelo inicial es posible que tenga que girar uno de los fragmentos respecto al otro para situarlo en disposición de ataque nucleofílico. Para ello seleccione el fragmento a girar y seleccione la opción de Rotation dial de la barra de herramientas. Proceda a realizar el giro manteniendo pulsada la tecla Shift. Localice el mínimo y calcule sus propiedades.
- Para localizar el estado de transición tendremos que ser muy cuidadosos a la hora de elegir el punto inicial para asegurarnos que el programa llegue a él sin problemas. En concreto, debe alejar el cloro del carbono, acercar el grupo NH₃ e invertir ligeramente la disposición de los hidrógenos del grupo metilo.
- Como esta reacción no es simétrica, procederemos a localizar también los productos. Para ello, partiendo del estado de transición, alargue ligeramente la distancia C-Cl y acorte la distancia C-N. Vaya a la opción Minimize del submenú Mopac Interface. Calcule sus propiedades.

3. Cuestiones

1. Discuta los resultados obtenidos para ambos tipos de reacciones.

2. ¿La barrera de reacción para la $\rm S_N2$ entre el cloruro de metilo y un anión cloruro será mayor en fase gas que en disolución acuosa? ¿O será menor?. Razone la respuesta.

3. La reacción de Menshutkin es endotérmica en fase gas, sin embargo, es exotérmica en disolución acuosa. Explique por qué a la vista de los cálculos realizados.

Apéndice A. Comandos Básicos del CHEM3D

El Chem3D es un programa de modelización molecular y análisis. Es utilizado para representar moléculas en tres dimensiones y para calcular algunas propiedades de las mismas.

La barra de herramientas

Nos proporciona las herramientas necesarias para realizar las tareas más comunes. Es fundamental familiarizarse con las operaciones que pueden realizarse con esta barra. Destaca la herramienta seleccionar, que es usada para actuar sobre un grupo determinado de átomos. Cuando seleccionamos un objeto (átomo, enlace, ángulo, diedro, etc.) éste aparece resaltado en negrita. En función de la selección que hayamos realizado, podremos realizar una serie de tareas u otras.

¿Cómo dibujo una molécula?

Existen dos procedimientos sencillos:

 a) Dibujando su estructura "a mano": Seleccione el tipo de enlace en la barra de herramientas. Haga clic en la ventana y, sin soltar el botón, arrastre el cursor. Suelte el botón para dibujar el enlace. Por defecto, el programa añade un átomo de carbono a cada lado del enlace. Para añadir más átomos, hacer clic en uno de los átomos de carbono y arrastrar. El programa añadirá un átomo de carbono más. Continuar hasta finalizar la cadena carbonada deseada.

Para añadir los hidrógenos correspondientes, en caso de ser necesario, seleccionar la estructura (menú Edit, elegir la opción Select all o Ctrl+A) y del menú Structure elegir Rectify. Si además queremos que las distancias de enlace y ángulos se correspondan con los valores estándar, seleccionaremos todo de nuevo y del menú Structure elegiremos Clean up.

Una vez dibujada una estructura, para cambiar el tipo de átomo haga



Figura 5: Barra de herramientas.

"clic" sobre él con el botón derecho del ratón y seleccione la opción Replace with text Tool. Pruebe, por ejemplo, a construir una molécula de propano. Luego, mediante la herramienta Select se selecciona el átomo de carbono central y con el botón derecho Replace with text Tool. Aparece un recuadro en el que escribimos O (de oxígeno). La molécula se transforma en dimetiléter. Pruebe a continuación a transformar el propano en 1-propeno. Para borrar la molécula anterior en el menú Edit, elegir la opción Select all y a continuación borre con la tecla correspondiente. Comenzamos dibujando el propano. Seleccionamos la herramienta de doble enlace y con ella picamos sobre un átomo de carbono y arrastramos hasta el siguiente.

b) Construcción por texto: Seleccione la herramienta Construcción por texto. El cursor cambia para mostrar una cruz y una letra A. Pique en la ventana una vez y aparecerá un cuadro de texto. Introduzca en él la fórmula molecular del compuesto objetivo. Por ejemplo CH3OCH3. El programa dibujará la molécula siempre y cuando esté en su base de datos.

c) a)El menú View contiene diferentes posibilidades para visualizar una molécula (Model Display). Una opción interesante en el menú View es el ChemDraw Panel que nos abre una ventana del programa ChemDraw en el que podemos dibujar la fórmula estructural del compuesto. Este nos aparecerá a su vez en el programa Chem3D.

Consultar las bases de datos

El Chem3D contiene información sobre una amplia serie de moléculas y átomos. Esta información está a nuestra disposición en forma de tablas. En el menú View están todas las tablas disponibles. Seleccionando una, se nos abrirá una ventana con toda la información que el programa dispone sobre ese tema. Los dos más interesantes son Atom types y Substructures. El primero contiene información sobre los tipos de átomos y sus nombres en el programa. El segundo contiene los nombres y dibujos de algunos de los compuestos más comunes.

Ejercicios básicos

- Dibuje la molécula de ciclohexano (C₆H₁₂) ¿Qué conformación proporciona el programa?
- Examine la tabla Atom Type. Dibuje un átomo de cloro, y un anión cloruro. Una vez dibujados, mantenga el cursor encima de ellos. El programa mostrará una pequeña ventana sobre el átomo seleccionado dónde mostrará que tipo de átomo es cada uno de ellos.
- Examine la tabla Substructure. Dibuje una molécula de su elección.

Referencias

- J. Bertrán, V. Branchadell, M. Moreno, and M. Sodupe. *Química Cuántica*. Síntesis, Madrid, 2002.
- [2] C.J. Cramer. Essentials of Computational Chemistry. Wiley, N. York, 2002.
- [3] I.N. Levine. Química Cuántica. Prentice Hall, N. York, 2001.