

**FICHA IDENTIFICATIVA****DATOS DE LA ASIGNATURA****Código:** 43784**Nombre:** Procesos estocásticos**Ciclo:** Máster Universitario Oficial**Créditos ECTS:** 3**Curso académico:** 2026-27**TITULACIONES**

Titulación	Centro	Curso	Periodo
2171 - Máster Universitario en Ciencias Actuariales y Financieras	Facultat d'Economia	1	Segundo cuatrimestre

**MATERIAS**

Titulación	Materia	Carácter
2171 - Máster Universitario en Ciencias Actuariales y Financieras	Seguros no vida	OBLIGATORIA

**COORDINACIÓN**

MORILLAS JURADO FRANCISCO GABRIEL

**RESUMEN**

La asignatura de Procesos Estocásticos se ubica en el segundo semestre del primer año. Su imbricación responde a la importancia formativa que reviste el módulo dentro del plan de estudios al servir para desarrollar las bases técnicas y metodológicas en la que se apoyarán parte de los procesos posteriores, que el alumno irá adquiriendo en otras materias. En esta línea, los contenidos de la materia se vinculan con parte de los contenidos que se imparten en algunas de las asignaturas de las materias III (Finanzas e Introducción al Seguro), VI (Control de Riesgos y Solvencia) y IX (Itinerarios Optativos).

La asignatura es útil profesionalmente pues parte de los contenidos y, sobre todo, de destrezas que se adquieren son de aplicación directa durante el ejercicio profesional. Así, por ejemplo, se pretende que el alumno adquiera destrezas en cómo obtener resultados precisos de la modelización del número de siniestros, de la cuantía de estos, de la siniestralidad total, para poder aplicarlo en procesos de tarificación, de provisión de siniestros mediante técnicas teóricas y de simulación. En particular, entre los contenidos que se imparten figuran: asociación y dependencia entre variables de riesgo, procesos estocásticos, cadenas de Markov, procesos estacionarios, procesos de Poisson y de difusión, movimiento Browniano, seres temporales; de manera que estos pueden ser aplicados a la casos particulares de teoría del valor extremo, de cuantificación de riesgos, o de tarificación entre otros.



## CONOCIMIENTOS PREVIOS

### RELACIÓN CON OTRAS ASIGNATURAS DE LA MISMA TITULACIÓN

No se han especificado restricciones de matrícula con otras asignaturas del plan de estudios.

### OTROS TIPOS DE REQUISITOS

Para que el aprovechamiento de la asignatura sea óptimo, el alumno deberá conocer y saber utilizar contenidos habituales en cursos introductorios de matemáticas (estadística descriptiva, representación de funciones, cálculo diferencial e integral) y de estadística de nivel medio (modelos de probabilidad, inferencia estadística) impartidos clásicamente en estudios de ciencias sociales. Además, es conveniente que el alumno posea destrezas básicas relacionadas con la utilización de software.

## COMPETENCIAS / RESULTADOS DE APRENDIZAJE

### 2171 - Máster Universitario en Ciencias Actariales y Financieras

Comprender y ser capaces de desarrollar las técnicas matemáticas y estadísticas que resultan relevantes para el trabajo actuarial: modelos de supervivencia, siniestralidad, tarificación, previsión y solvencia.

Poseer un amplio conocimiento de los procesos estocásticos y ser capaces de utilizarlos en modelos financieros y actuariales.

Que los/las estudiantes posean las habilidades de aprendizaje que les permitan continuar estudiando de un modo que habrá de ser en gran medida autodirigido o autónomo

Que los/las estudiantes sean capaces de integrar conocimientos y enfrentarse a la complejidad de formular juicios a partir de una información que, siendo incompleta o limitada, incluya reflexiones sobre las responsabilidades sociales y éticas vinculadas a la aplicación de sus conocimientos y juicios.

Que los/las estudiantes sepan aplicar los conocimientos adquiridos y su capacidad de resolución de problemas en entornos nuevos o poco conocidos dentro de contextos más amplios (o multidisciplinares) relacionados con su área de estudio.

Saber tomar decisiones relacionadas con los riesgos evaluables económicamente.

Ser capaces de aplicar los criterios y principios de planificación y control actuarial, necesarios para el correcto funcionamiento de las operaciones que, en cada momento, ofrezcan las entidades de seguros, financieras o cualesquiera otras que impliquen transferencia y cobertura de riesgos.

Ser capaces de construir modelos adecuados al entorno económico empresarial a partir de las posibilidades que ofrecen las modernas tecnologías de la información y de la computación.



## DESCRIPCIÓN DE CONTENIDOS

### 1. Introducción a los procesos estocásticos.

1.1 Introducción a la teoría de la probabilidad. Notación.

1.2 Ejemplos.

1.3 Distribuciones Marginales. Teorema de Kolmogorov.

1.4 Tipologías de procesos estocásticos.

1.5 Procesos Normales. Continuidad.

### 2. Procesos Lineales y Procesos Estacionarios.

2.1 Definición y ejemplos.

2.2 Procesos de Medias Móviles. 2.3 Procesos AR y ARMA. 2.4 Procesos ARIMA 2.5 Función de autocorrelación parcial. 2.6 Ergodicidad. Teorema de descomposición de Wold.

### 3. Introducción a la simulación aplicada con R-software

3.1 Aplicaciones de la Simulación: Realidad plausible y realizaciones.

3.2 Conceptos básicos: Variables y tipos de datos, Estructuras de programación.

3.3 Números aleatorios puros y números pseudoaleatorios.

3.4 Método de Montecarlo y simulación secuencial. 3.5 Simulación de periodo y longitudinal.

3.6 Análisis de los resultados de una simulación: resúmenes estadísticos y función cuantil directa.

3.7 Algoritmos genéticos.

3.8 Diagonalización de matrices.

### 4. Movimiento Browniano.

4.1 Definición. 4.2 Regularidad de las trayectorias. 4.3 Variación cuadrática y total. 4.4 Puente Browniano.



4.5 Movimiento Browniano y geométrico Browniano. 4.6 Simulación.

## 5. Cadenas de Markov.

5.1 Matriz estocástica. Cadenas de Markov. 5.2 Clasificación de Estados. 5.3 Tiempos de llegada y probabilidad de absorción. 5.4 Recurrencia y transitoriedad. Comportamiento asintótico.

## 6. Procesos de Markov.

6.1 Introducción. 6.2 Distribuciones marginales. 6.3 Probabilidades de Transición. 6.4 Ecuaciones diferenciales de Kolmogorov.

## 7. Procesos de Nacimiento y muerte

7.1 Tipologías. 7.2 Ecuaciones diferenciales. 7.3 Proceso de Polya e introducción a los Procesos de Poisson.

## 8. Procesos de Poisson.

8.1 Definición. Propiedad de pérdida de memoria. 8.2 Ejemplos. 8.3 Superposición. Descomposición. 8.4 Proceso de Poisson compuesto y no estacionario. Ejemplos. 8.5 Construcción de procesos de Poisson.

## VOLUMEN DE TRABAJO (HORAS)

### ACTIVIDADES PRESENCIALES

Actividad	Horas
Teoría	15,00
Prácticas en aula	15,00
<b>Total horas</b>	<b>30,00</b>

### ACTIVIDADES NO PRESENCIALES

Actividad	Horas
Asistencia a otras actividades	2,00
Elaboración de trabajos individuales o en grupo	15,00
Estudio y trabajo autónomo	15,00
Preparación de clases	3,00
Preparación de actividades de evaluación	5,00
Resolución de casos prácticos	5,00
<b>Total horas</b>	<b>45,00</b>

## METODOLOGÍA DOCENTE



Durante el curso se trabajarán los contenidos del programa, simultaneando contenidos de tipo teórico con ejercicios y supuestos prácticos y se propondrán diversas tareas que el alumno deberá entregar en la forma y fecha que se detalle a lo largo del desarrollo del curso. Para ello, se utilizarán, en cada caso y según las necesidades, todos los recursos disponibles (pizarra, transparencias, cañón, ordenador, etc.) y que se consideren más adecuados para lograr la correcta consecución de los objetivos propuestos.

De forma general, las clases de la parte teórica se reducirán en la medida de lo posible y se impartirán mediante la metodología de lección magistral-participativa, en la que el profesor destacará los aspectos fundamentales de cada tema y orientará el estudio a través de la bibliografía pertinente. A la vez, y dado el carácter teórico-práctico de esta asignatura, el estudiante dispondrá de pc de sobremesa o similar para validar los resultados expuestos en la clase, de manera que este estará en disposición de profundizar en la materia. Las clases prácticas consistirán en plantear cuestiones y ejercicios de carácter aplicado al campo estadístico, económico, financiero y actuarial, que el estudiante deberá resolver procediendo, en su caso, a la pertinente modelización y discusión de la solución.

Las clases prácticas se podrán realizar con soporte informático, de modo que el estudiante pueda tener una visión actualizada del uso de los paquetes y técnicas, cada vez más extendidos en todas las áreas citadas.

En las clases prácticas se impartirán cuestiones y problemas presentados previamente en las clases teóricas, salvo en algún caso, en el que dado el carácter práctico del tema se imparta la docencia del mismo sólo en la sesión práctica.

Especial importancia tienen diferentes lenguajes y entornos de programación, así, se tratará que el estudiante se familiarice o afiance sus conocimientos con software como MS Excel, el paquete estadístico R, Octave, MatLab,... entre otros. Se intentará que el material docente relativo a los software de libre distribución esta accesible desde el aula virtual, <http://aulavirtual.uv.es>.

p>

## EVALUACIÓN

Para la evaluación de competencias en la asignatura se utiliza un procedimiento similar al resto de asignaturas del máster. Esta podrá constar con todos o parte de los siguientes elementos:

1. Una prueba final, que podrá constar de preguntas teóricas, problemas y/o casos reales.
2. Una evaluación de las actividades prácticas desarrolladas por el estudiante, a partir de: la elaboración de trabajos/memorias y/o exposiciones orales- con defensa de las posiciones desarrolladas por estos.
3. La evaluación continua estará basada en las actividades formativas presenciales y en la participación e implicación del estudiante en el proceso de enseñanza-aprendizaje.

En particular, se realizará una evaluación independiente para cada uno de los elementos expuestos. La distribución porcentual de estos será consensuada al inicio de cada curso de manera conjunta por los responsables de cada materia teniendo presente los comentarios e indicaciones de los estudiantes.



s.

**BIBLIOGRAFÍA**

- F. Parra Rodríguez y J.A. Vicente Virseda, (2019) Análisis de series temporales . Ed. R-Pubs[on-line] <https://rpubs.com/PacoParra/562743> [17/6/2024]
- Nualart, D. (2009). Stochastic Calculus, Kansas University (Publicación electrónica)
- Vegas Pérez, A. (1995). Métodos estadísticos para actuarios: procesos estocásticos, inferencia bayesiana y análisis de la varianza, Ed. Pirámide.
- Vélez Ibarrola, R. (1977). Procesos Estocásticos. UNED.
- Morillas Jurado, F.G.(2024). Procesos Estocásticos [pdf]. 1ªEd. 2012.
- Benjamin, B y Pollard, J.H. (1980). The Analysis of Mortality and other actuarial statistics. Institute of Actuaries and the Faculty of Actuaries in Scotland.
- Bühlman, H., Eckmann, B. y v.d. Waerden, B. L. (1970). Mathematical Methods in Risk Theory, Springer-Verlag.
- Martínez, J. y Villalón, J.G. (2003). Introducción al Cálculo Estocástico Aplicado a la Modelación Económico-Financiero-Actuarial, Ed. NetBiblo.
- Oksendal, B. (2003). Stochastic Differential Equations, Ed. Springer.
- Palacios Sánchez, M.A., (1995). Procesos Estocásticos de difusión. Aplicaciones Económicas. Tesis Doctoral, Universidad de Murcia.
- Rolski, T., Schmidli, H. Schmidt, V. y Teugels, J. (2000). Stochastic Processes for Insurance and Finance, Wiley and Sons.
- Rincón, Luis. Introducción a los Procesos Estocásticos. UNAM (México). Recurso electrónico [<http://www.matematicas.unam.mx/lars/>][Consultado el 18/07/2013]
- Francisco Parra. Estadística y Machine Learning con R. Enero de 2019. [En línea] <https://bookdown.org/content/2274/series-temporales.htm>
- Bases de información complementarias para el seguimiento del COVID: a. Instituto Nacional de Estadística [en línea] <http://www.ine.es>. b. Secretaría General de Sanidad [en línea] [https://www.mscbs.gob.es/en/profesionales/saludPublica/ccayes/alertasActual/nCov-China/documentos/Actualizacion\\_84\\_COVID-19.pdf](https://www.mscbs.gob.es/en/profesionales/saludPublica/ccayes/alertasActual/nCov-China/documentos/Actualizacion_84_COVID-19.pdf). c. Instituto de Salud Carlos III [En línea] <https://www.isciii.es/>. d. Center for Systems Science and Engineering (CSSE) (Universidad Johns Hopkins) [En línea] <https://coronavirus.jhu.edu/map.html>. - Repositorios Datadista-GitHub. [En línea] <https://github.com/datadista>
- Giorgio Boccardo Bosoni y Felipe Ruiz Bruzzone (2019). RStudio para Estadística Descriptiva en Ciencias Sociales. Bookdown.org [on-line] <https://bookdown.org/gboccardo/manual-ED-UCH/>
- Douglas Bates, Martin Maechler ORCID, Timothy A. Davis, Jason Riedy (2019). Matrix: Sparse and Dense Matrix Classes and Methods.CRAN. [On-line] <http://Matrix.R-forge.R-project.org/>
- Romera, R., Jiménez, R. (04/03/2009). lecturas. Obtenido el 17/07/2020, desde el sitio Web de : <http://ocw.uc3m.es/estadistica/procesos-estocasticos-con-aplicaciones-al-ambito-empresarial/lecturas>.
- Rafael Benítez Suárez (2020) . Introducción a MATLAB: Cálculo Numérico en Finanzas. M.U. en Banca y Finanzas Cuantitativas (Dept. Matemáticas para la Economía y la Empresa) . Ed. Licensed under the Creative Commons Attribution-NonCommercial 3.0.
- Alvarez-Nodarse, R. 2006. Modelos matemáticos en biología: un viaje de ida y vuelta. Bol. Soc. Esp. Mat. Apl. no35, 73-112.
- Fonollosa, J.B., Suñé, A. y Fernández, V. 2016. Cadenas de Markov. Oficina de Publicacions Acadèmiques Digitals de la UPC
- Matas Soberón, J.J. 2017. Una Introducción a las Cadenas de Markov y sus Aplicaciones (Trabajo Fin de Grado). Escuela Politec. Sup. Universidad Illes Balears.



- González Casimiro, M.P. 2009. Análisis de series temporales: Modelos ARIMA. SARRIKO-ON. <http://www.sarriko-online.com/cas/fichas/2009/ficha0409.htm>
- Mascareñas, J. 2013. Procesos Estocásticos: El proceso de Wiener. Monografía . Universidad Complutense de Madrid.
- Fernández Casal, R. Y Cao, R. (2023). Técnicas de Simulación y Remuestreo. Ed. Universidad de Coruña [on-line: <https://rubenfcasal.github.io/simbook/index.html>]