

PRÁCTICA 18: Inducción electromagnética

Nombre y apellidos:	Grupo de prácticas:
Fecha de realización de la práctica:	

Según la ley de Henry-Faraday la fuerza electromotriz inducida en la sonda es proporcional a la variación de la intensidad en el circuito primario

$$\varepsilon^{\text{sonda}} = -\frac{d\phi}{dt} = -\frac{B}{L} \times N_{\text{sonda}} S_{\text{sonda}} \times \frac{dI}{dt}$$

Si aplicamos una corriente alterna en el circuito primario, $\varepsilon = \varepsilon_0 \cos \omega t$, la intensidad que circula por el solenoide será $I = I_0 \cos(\omega t + \varphi)$. La f.e.m. producida en la sonda es:

$$\varepsilon^{\text{sonda}} = \frac{B}{L} N_{\text{sonda}} S_{\text{sonda}} I_0 \omega \sin(\omega t + \varphi) = \varepsilon_0^{\text{sonda}} \sin(\omega t + \varphi)$$

La tensión medida en los extremos de la sonda será proporcional a la intensidad medida en el circuito primario:

$$v_{\text{sonda}} = M \omega I$$

donde M es el coeficiente de inducción mutua.

$$M = \frac{B}{I} N_{\text{sonda}} S_{\text{sonda}} = \frac{B}{I} N_{\text{sonda}} S_{\text{sonda}}$$

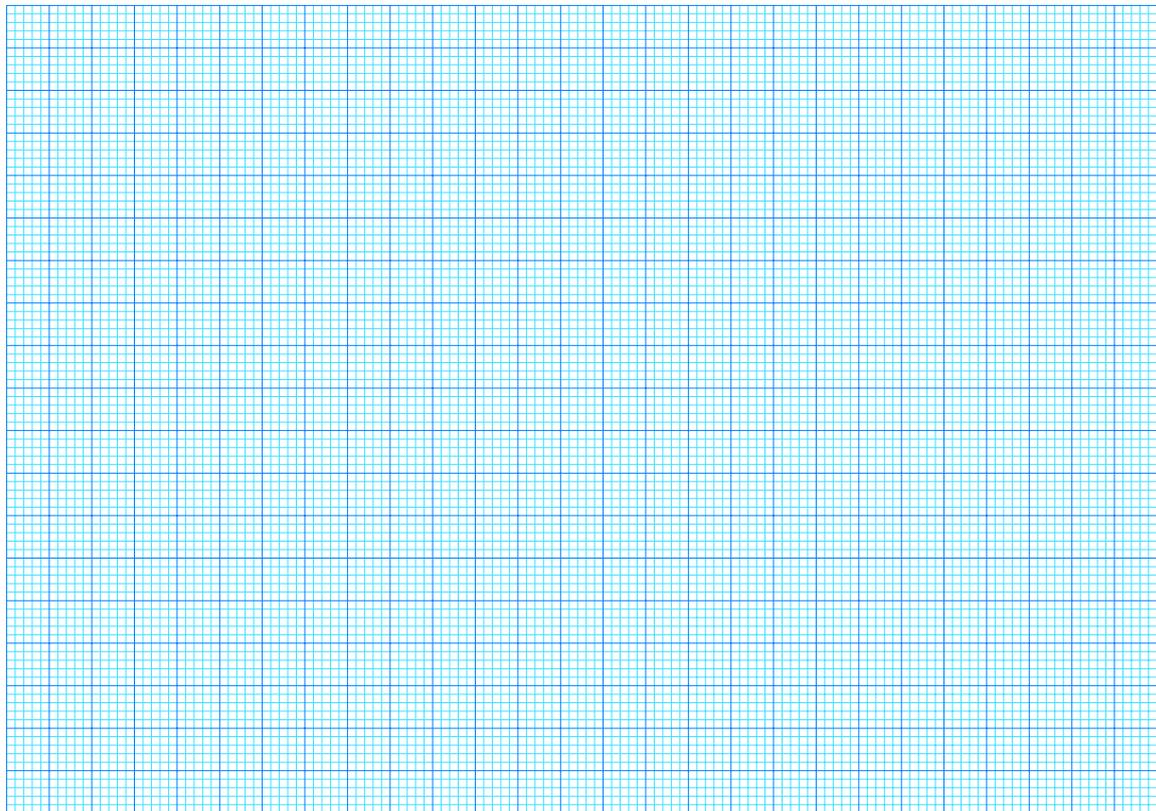
El campo magnético creado por la bobina será:

$$\frac{B}{I} = \frac{v_{\text{sonda}}}{I} \frac{1}{\omega N_{\text{sonda}} S_{\text{sonda}}}$$

Campo magnético creado por una bobina

Sonda			i	$I \pm \varepsilon(I)$ (mA)	$v_{sonda} \pm \varepsilon(v_{sonda})$ (mV)
$N_{sonda} =$		espiras	1	\pm	\pm
$r =$	\pm	cm	2	\pm	\pm
$S_{sonda} =$	\pm	cm ²	3	\pm	\pm
			4	\pm	\pm
Bobina			5	\pm	\pm
$N_{bobina} =$		espiras	6	\pm	\pm
$a =$	\pm	cm	7	\pm	\pm
$L =$	\pm	cm ²	8	\pm	\pm
$\omega =$		Hz	9	\pm	\pm
			10	\pm	\pm

v_{sonda}
(mV)



I (mA)

Ajuste por mínimos cuadrados:

$$v_{\text{sonda}} = \left(N_{\text{sonda}} S_{\text{sonda}} \omega \frac{B}{I} \right) I \left\{ \begin{array}{l} x \rightarrow I \\ y \rightarrow v_{\text{sonda}} \end{array} \right\} \rightarrow y = Ax + B \left\{ \begin{array}{l} A = \pm \\ B = \pm \end{array} \right.$$

Estimacion de $\sigma_{y_i} \rightarrow \sigma_y = \sqrt{\frac{S}{N-2}} = \sqrt{\frac{1}{N-2} \sum (Ax_i + B - y_i)^2} =$

$$\Delta = NS_{xx} - S_x S_x = \left\{ \begin{array}{l} A = \frac{NS_{xy} - S_x S_y}{\Delta} \\ B = \frac{S_{xx} S_y - S_x S_{xy}}{\Delta} \end{array} \right. \left. \begin{array}{l} \sigma(A) = \sigma_y \sqrt{\frac{N}{\Delta}} = \\ \sigma(B) = \sigma_y \sqrt{\frac{S_{xx}}{\Delta}} = \end{array} \right\}$$

$$r = \frac{NS_{xy} - S_x S_y}{\sqrt{\Delta} \sqrt{NS_{yy} - S_y S_y}} =$$

Dedución del coeficiente de inducción mutua

$$M = \frac{A}{\omega} = \pm H$$

Dedución del campo magnético creado por la bobina en su centro:

$$\frac{B}{I} = \frac{A}{N_{\text{sonda}} S_{\text{sonda}} \omega} = \pm \text{N/A}^2\text{m}$$

Valor teórico del campo magnético creado por la bobina en su centro

$$\frac{B}{I} = \frac{\mu_0 N_{\text{bobina}}}{2} \frac{1}{\sqrt{a^2 + \left(\frac{L}{2}\right)^2}} = \pm \text{N/A}^2\text{m}$$

Radio efectivo de la bobina

$$\frac{B}{I} = \frac{\mu_0 N_{\text{bobina}}}{2} \frac{1}{\sqrt{a_e^2 + \left(\frac{L}{2}\right)^2}} \rightarrow a_e = \pm \text{cm}$$

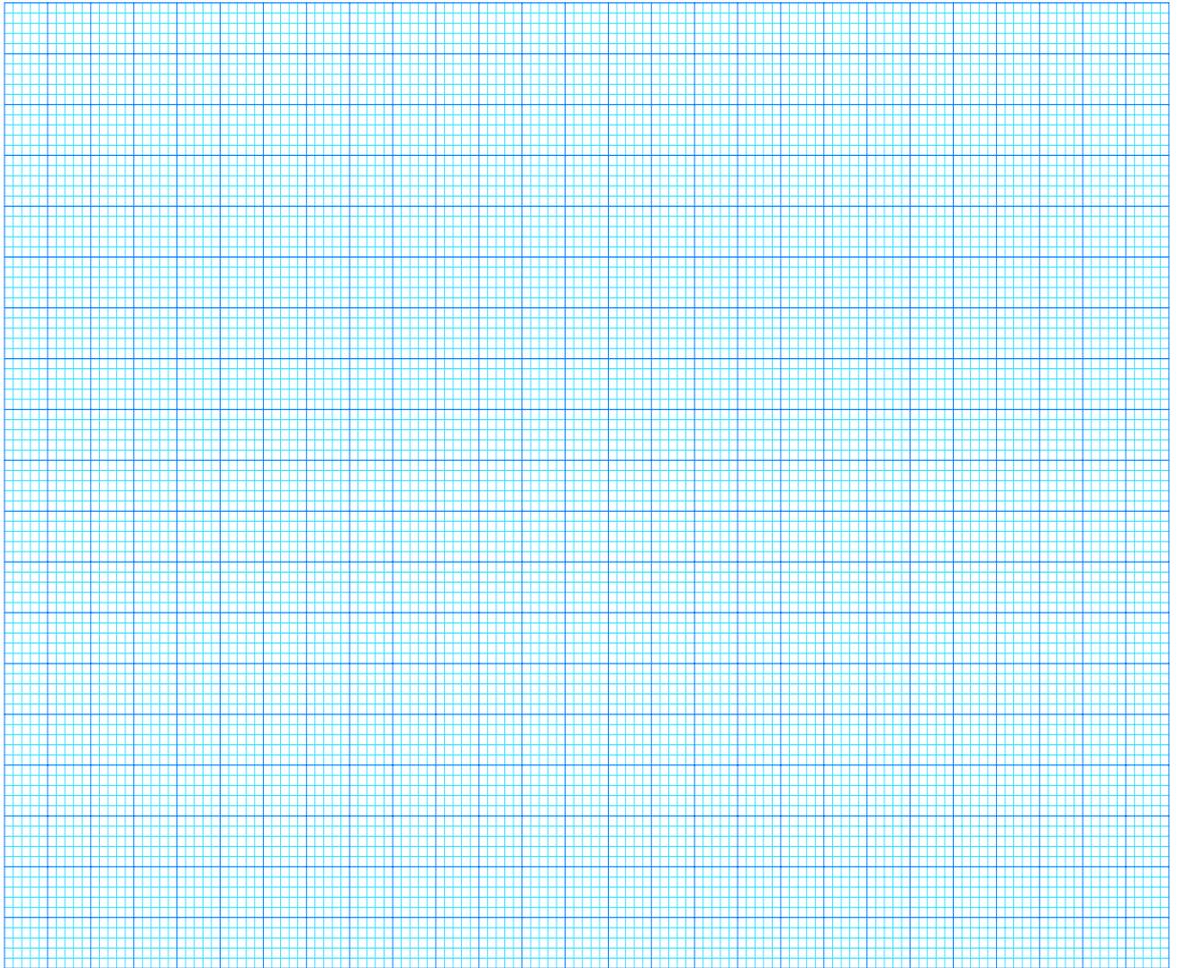
Campo magnético creado por una bobina a lo largo de su eje

$$\frac{B}{I}(\text{exp.}) = \frac{v_{\text{sonda}}}{I} \frac{1}{\omega N_{\text{sonda}} S_{\text{sonda}}} \quad \frac{B}{I}(\text{teórico}) = \frac{\mu_0 N_{\text{bobina}}}{2L} \left(\frac{z + \frac{L}{2}}{\sqrt{a^2 + \left(z + \frac{L}{2}\right)^2}} - \frac{z - \frac{L}{2}}{\sqrt{a^2 + \left(z - \frac{L}{2}\right)^2}} \right)$$

$$I \pm \varepsilon(I) = \quad \pm \quad \text{A}$$

i	$z \pm \varepsilon(z)$ (cm)	$v_{\text{sonda}} \pm \varepsilon(v_{\text{sonda}})$ (V)	B/I (experim.) N/(A ² m)	B/I (teórico) N/(A ² m)
1	±	±	±	
2	±	±	±	
3	±	±	±	
4	±	±	±	
5	±	±	±	
6	±	±	±	
7	±	±	±	
8	±	±	±	
9	±	±	±	
10	±	±	±	

B/I
 $N/(A^2 m)$



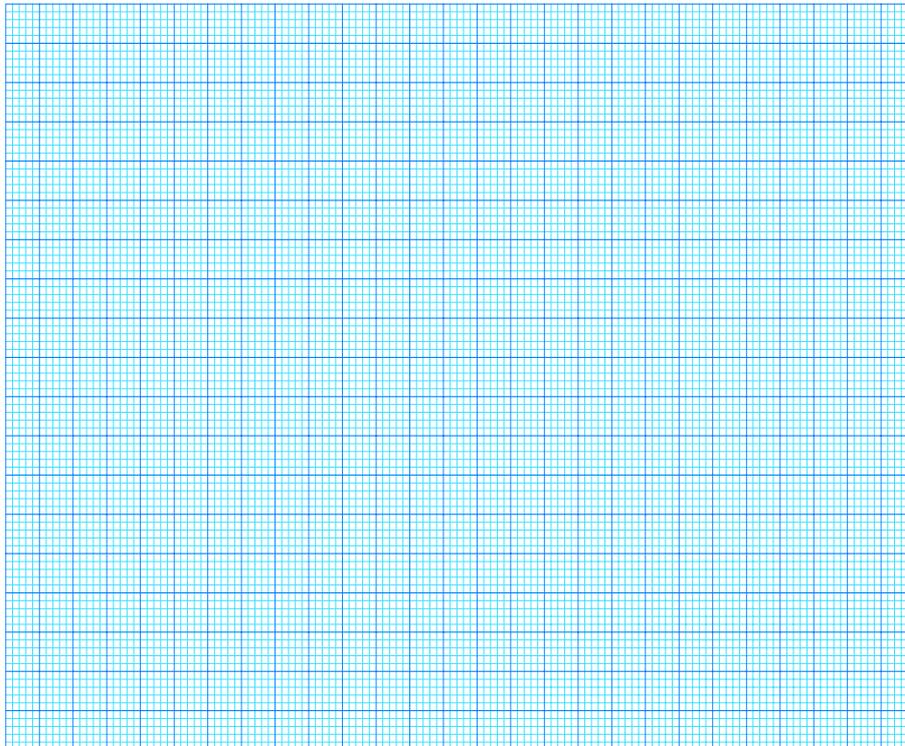
z (cm)

Comportamiento de un transformador

$$\mathcal{E}_s = \frac{N_s}{N_p} \mathcal{E}_p$$

	$N_{\text{primario}} =$	$N_{\text{secundario}} =$
i	$\mathcal{E}_{\text{primario}}$ (mV)	$\mathcal{E}_{\text{secundario}}$ (mV)
1	±	±
2	±	±
3	±	±
4	±	±
5	±	±
6	±	±
7	±	±
8	±	±
9	±	±
10	±	±

$\mathcal{E}_{\text{secundario}}$
(mV)



$\mathcal{E}_{\text{primario}}$ (mV)

Ajuste por mínimos cuadrados:

$$\mathcal{E}_{\text{secundario}} = \frac{N_s}{N_p} \times \mathcal{E}_{\text{primario}} \left\{ \begin{array}{l} x \rightarrow \mathcal{E}_{\text{primario}} \\ y \rightarrow \mathcal{E}_{\text{secundario}} \end{array} \right\} \rightarrow y = Ax + B \left\{ \begin{array}{l} A = \pm \\ B = \pm \end{array} \right.$$

Estimacion de $\sigma_{y_i} \rightarrow \sigma_y = \sqrt{\frac{S}{N-2}} = \sqrt{\frac{1}{N-2} \sum (Ax_i + B - y_i)^2} =$

$$\Delta = NS_{xx} - S_x S_x = \left\{ \begin{array}{l} A = \frac{NS_{xy} - S_x S_y}{\Delta} \\ B = \frac{S_{xx} S_y - S_x S_{xy}}{\Delta} \end{array} \right. \left. \begin{array}{l} \sigma(A) = \sigma_y \sqrt{\frac{N}{\Delta}} = \\ \sigma(B) = \sigma_y \sqrt{\frac{S_{xx}}{\Delta}} = \end{array} \right\}$$

$$r = \frac{NS_{xy} - S_x S_y}{\sqrt{\Delta} \sqrt{NS_{yy} - S_y S_y}} =$$

Deducción de la relación de espiras

$\frac{N_s}{N_p} = \pm \leftrightarrow \left[\frac{N_s}{N_p} \right]_{\text{teo}} =$
