Econometría de Económicas Ejercicios para el tema 2 y 3

Curso 2005-2006

Profesores

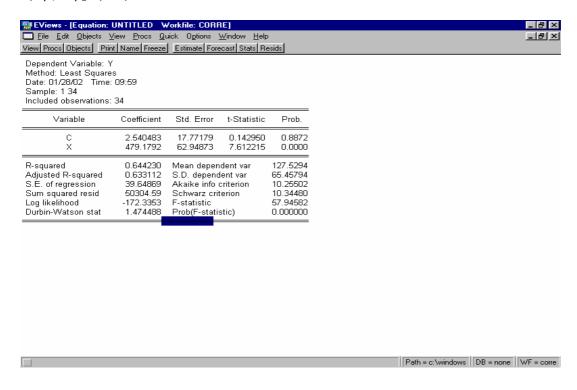
Amparo Sancho Perez Guadalupe Serrano Pedro Perez

- **1-** Los datos que se adjuntan hacen referencia a los datos de producción (y) y el precio de un bien agrícola (X) durante los últimos 34 trimestres.
- a) Obtener las estimaciones por mco de la forma funcional que considere más adecuada. Comente los resultados obtenidos. ¿ Los parámetros estimados tienen el signo esperado?
- b) Representar gráficamente los residuos obtenidos a partir del proceso de estimación que considere adecuado.
- c) Evalúe los resultados de la estimación (normalidad, autocorrelación, heterocedasticidad y problemas de especificación).
- d) Reestime el modelo dando una solución adecuada a los problemas planteados.
- e) Obtenga la predicción de la producción para el periodo 35 (t+1) si el valor esperado del precio es X_{t+1}= 0,4.

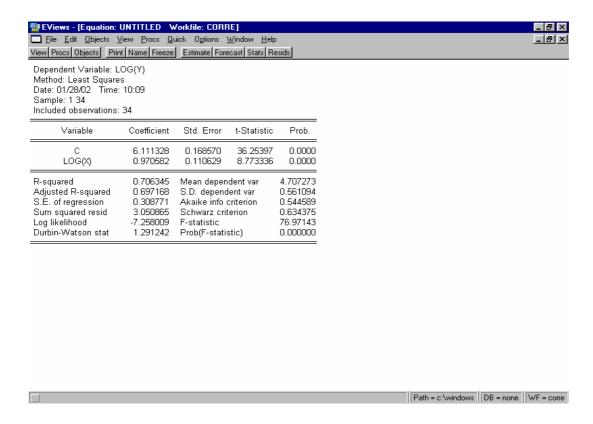
Información disponible en: http://www.uv.es/~sancho/docencia/corre.wf1

(a) La especificación inicial planteada es el modelo lineal:

$$Y_t = \beta_1 + \beta_2 X_t + u_t$$

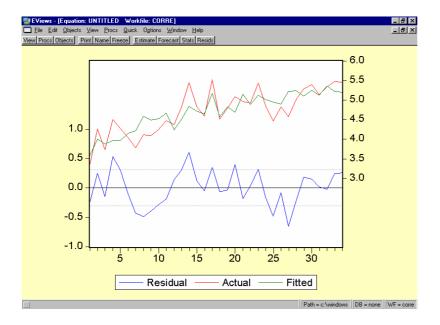


Se plantea la validez de esta estimación y se propone una especificación adicional: $log(Y_t) = log \beta_1 + \beta_2 log(X_t) + u_t$



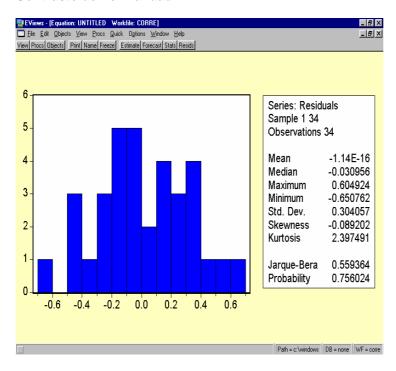
Comentar el significado de esta nueva especificación, sus ventajas e inconvenientes.

(b) Representación gráfica de los residuos del ajuste del modelo en logaritmos



c) Evaluación de los resultados de la estimación (normalidad, autocorrelación, heterocedasticidad y problemas de especificación).

Contraste de normalidad



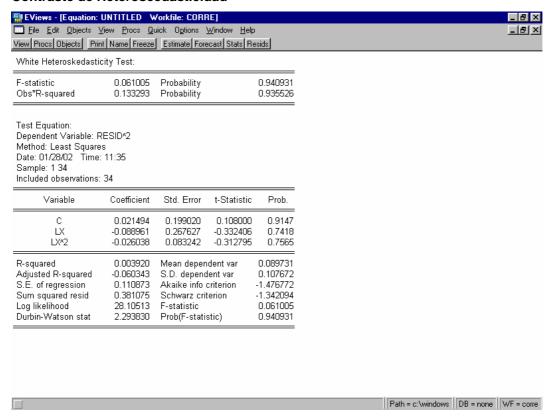
Se utiliza el test de Jarque-Bera, basado en dos medidas:

S – simetría ¿Cómo de simétricos son los residuos respecto al 0?

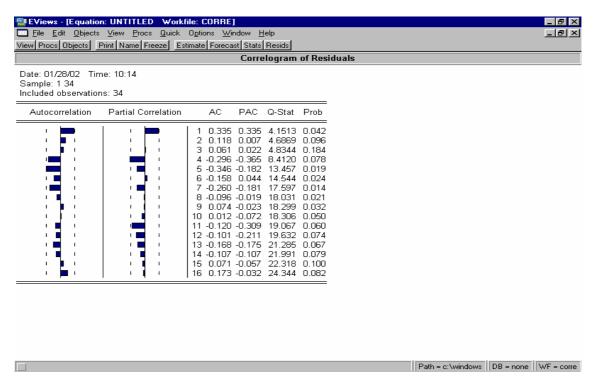
K – curtosis se refiere al pico de la distribución en comparación con la normal, que es 3.

$$JB = \frac{N}{6} \left(S^2 + \frac{(K-3)^2}{4} \right) \rightarrow \chi_2^2 \qquad \text{bajo} \qquad H_0 \text{ de normalidad}$$

Contraste de Heteroscedasticidad



Contraste de autocorrelación



Test de errores de especificación:

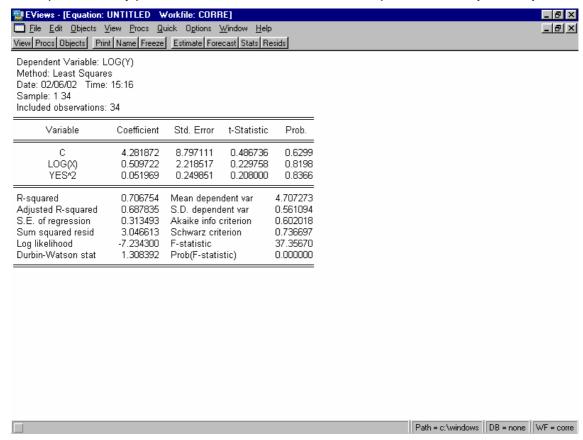
Modelo 1: $log(Y_t) = \beta_1 + \beta_2 log(X_t) + u_t$

Modelo 2: $\log(Y_t) = \beta_1 + \beta_2 \log(X_t) + \gamma_1 (\log(Y_t))^2 + u_t$

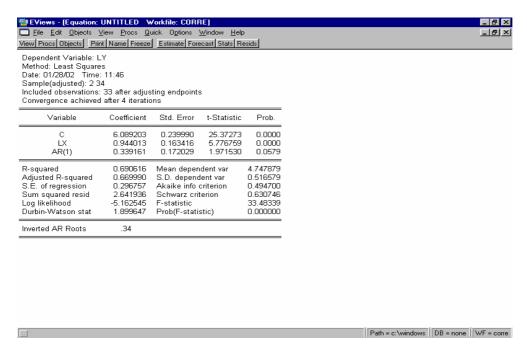
El test que se establece es: H_0 : $\gamma_1 = 0$

Donde log(Y)) es el poder de predicción del modelo.

- Si la hipótesis H₀ es cierta, significa que el modelo 1 es el adecuado.
- Si la hipótesis H₀ no es cierta, significa que hay evidencias de la existencia de errores de especificación, y por lo tanto el modelo 1 es no cierto. Las predicciones mejoran el ajuste.



d) Reestimación del modelo para corregir el problema de autocorrelación



(e) Predicción de la producción para el periodo 35 dado un precio esperado de X_{t+1}= 0,4 unidades monetarias

$$e_t = log(Y_t) - 6,089 - 0,94 * log(X_t) = 0,256$$

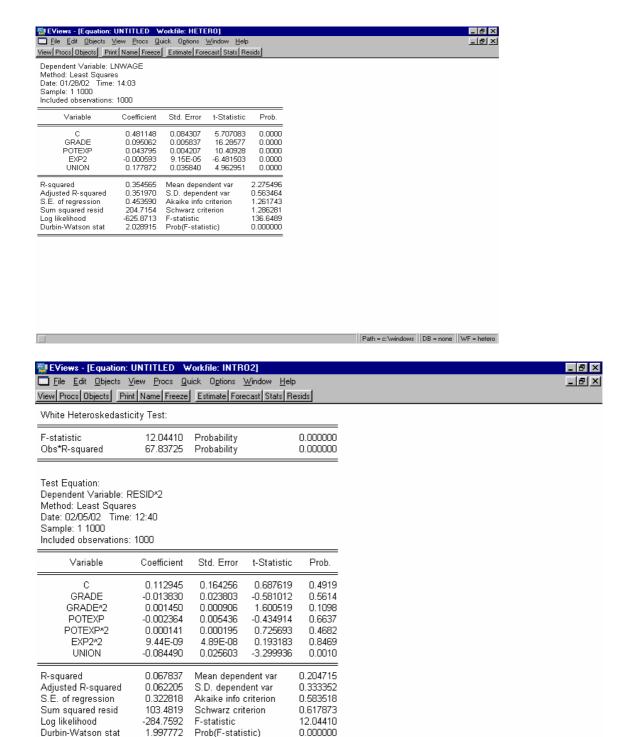
$$\log(Y_{t+1}) = 6,089 + 0,94 * \log(0,4) + 0,339 * 0,256 = 5,31$$

 $\hat{Y}_{t+1} = anti \log (5,31) = 247,15$ unidades monetarias

2.- Dado el modelo Ar(1): $u_t=\rho u_{t-1} + \varepsilon_t$

Donde $E(u_t) = 0$, var $(u_t) = \sigma_u^2$, $cov(u_t u_{t+1}) = 0$ para i > 0 y $var(u_t) = var(u_{t-1})$.

- (a) Obtenga la varianza de ut en función de εt
- (b) Obtenga la covarianza ut ut-1 y ut ut-2
- **3**.- En los siguientes resultados realice un test para contrastar la hipótesis de homocedasticidad y normalidad de la perturbación aleatoria. Los datos están disponibles en el fichero intro2 en satsuma\sanchoa\hetero.wf1



4.- Se ha estimado una ecuación donde la variable endógena y_t figura, también de forma retardada como variable explicativa, y_{t-1} . Se obtienen los siguientes resultados:

$$y_t = 2.7 + 0.4 x_t + 0.9 y_{t-1}$$

$$(0.06) \quad (0.6) \quad (0.002)$$

$$R^2 = 0.98$$

$$DW = 1.9$$

Path = c:\windows | DB = none | WF = intro2

Se encuentra que R² es muy alto y que el estadístico Durbin-Watson esta cercano a 2, mostrando que no hay una correlación entre los errores.

¿Es cierta la afirmación siguiente?: "Aunque R² es alto, esta estimación no es buena " En caso que este de acuerdo, exponga el porqué.

- **5.-** Averigüe si las siguientes afirmaciones son verdaderas o falsas argumentando su respuesta.
 - (a) La autocorrelación entre las perturbaciones, u_t , conduce a estimaciones sesgadas y errores sesgados cuando la regresión $y_t = \beta x_t + u_t$ es estimada por mínimos cuadrados ordinarios.
 - (b) El test de Durbin-Watson para la autocorrelación no es aplicable si las perturbaciones son heterocedásticas.
 - (c) El test de Durbin-Watson no es aplicable si hay variables dependientes retrasadas como variables explicativas
 - (d) Un investigador estima una función de demanda en niveles y otra en primeras diferencias y obtiene los R^2 's = 0.90 y 0.80 respectivamente. Elige la ecuación en niveles porque tiene un R^2 mayor. ¿Es ésta una razón válida para escoger entre los dos modelos?
 - (e) La técnica de mínimos cuadrados ordinarios cuando es aplicada a las series temporales normalmente produce estimaciones sesgadas porque la mayoría de las series temporales son autocorrelacionadas.
 - (f) El test de Durbin-Watson puede ser usado para analizar si las perturbaciones, en una regresión basada en datos temporales, son independientes entre sí.
 - (g) El hecho de que el estadístico Durbin-Watson sea significativo no implica necesariamente que hay autocorrelación entre los errores. Hay que aplicar otros contrastes para llegar a esta conclusión.
 - (h) Considere el modelo siguiente: $y_t = \alpha y_{t-1} + \beta x_t + u_t$ donde las perturbaciones están autocorrelacionadas. Aunque el método de los mínimos cuadrados ordinarios proporcione estimaciones inconsistentes de los parámetros, se puede utilizar la estimación para predecir, con la condición de que la evolución de x_t durante el periodo de predicción sea la misma que en el periodo estimado.
 - (i) Considere el modelo:

$$y_t = \alpha + \beta x_t + u_t$$

$$u_t = \rho u_{t-1} + e_t \qquad 0 \le \rho \le 1$$

donde e_t se distribuyen $N(0,\sigma^2)$. Regresando Δy_t sobre Δx_t es posible obtener estimadores más eficientes de β que regresando y_t sobre x_t .

- (j) El test de Durbin-Watson es un test poco útil porque es inaplicable en casi todas las situaciones que encontramos en la realidad.
- **6.-** En un estudio de 27 empresas de varios tamaños, la variable y_i es el número de supervisores mientras que la variable x_i determina el número de trabajadores supervisados. Los resultados de la estimación del modelo $y_i = a + b x_i + u_i$ fueron los siguientes:

$$Y_i = 14,44 + 0,115 X_i$$
 $N=27$ $(9,56)$ $(0,011)$ $R^2 = 0.776$

Después de la estimación de la ecuación y representando los residuos respecto a x_i , encontramos que la varianza de los residuos incrementa con x_i . Representando los residuos respecto a $1/x_i$ no existe tal relación. Por lo tanto se realiza el supuesto siguiente: $var(u_i) = \sigma^2 x_i^2$ La ecuación estimada bajo esta hipótesis fue:

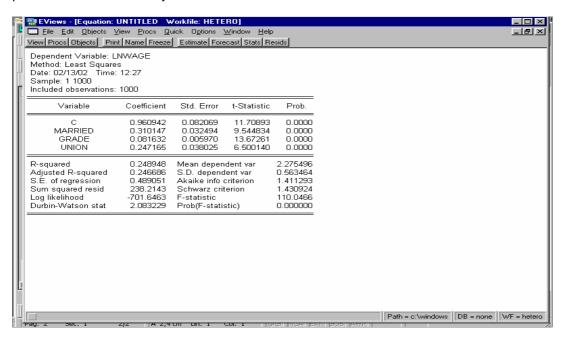
$$y/x = 0.121 + 3.803(1/x)$$

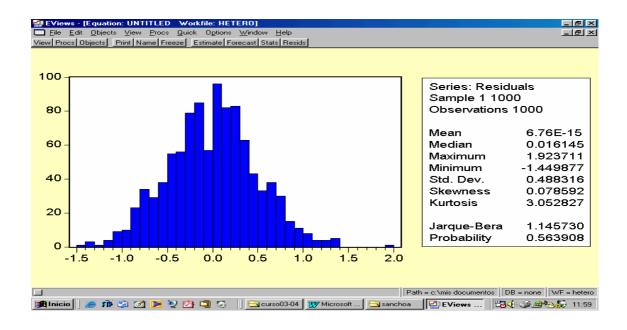
(0.009) (4.570) $R^2 = 0.03$

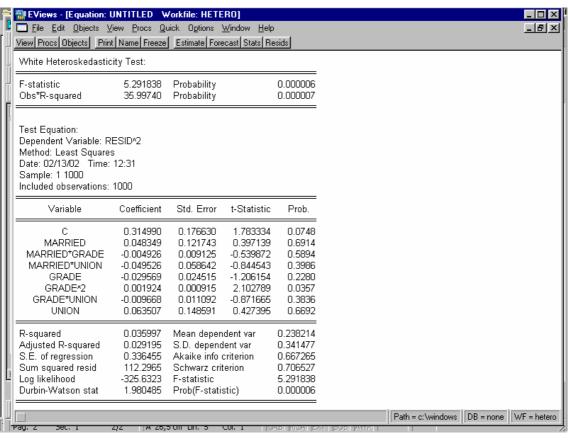
9

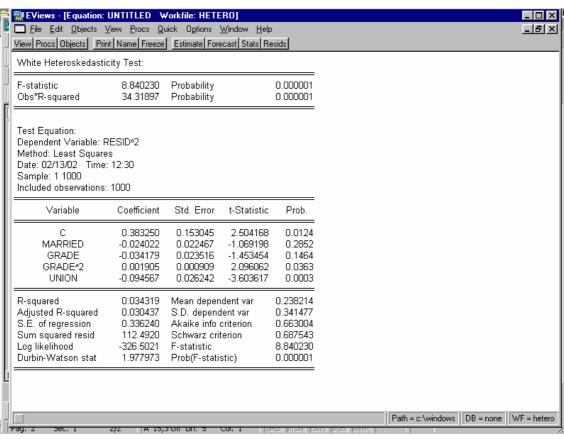
Un investigador observa el descenso en R² y concluye que la primera ecuación es mejor. ¿Es válida esta conclusión?

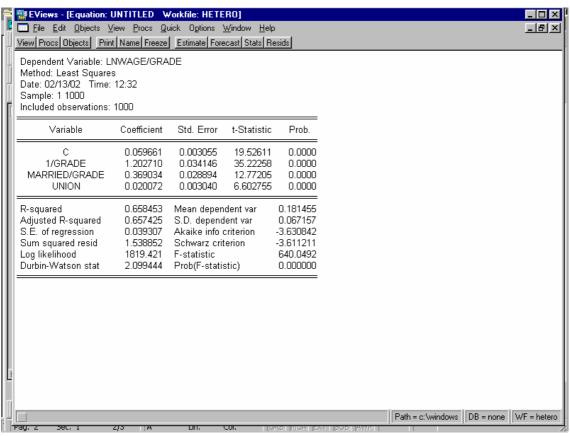
- (a) ¿Cuál sería la ecuación a estimar con $var(u_i) = \sigma^2 x_i$ en lugar de $var(u_i) = \sigma^2 x_i^2$? ¿Cómo determinarías cuál de las dos alternativas es la mejor?
- (b) Comenta el cálculo de R² en la ecuación transformada y de R² de la ecuación en términos de las variables originales.
- **7.-** Comente los resultados de estas estimaciones (los datos están disponibles en: http://www.uv.es/~sancho/hetero), donde WAGE_i = salario del individuo i, MARRIED_i es una variable ficticia que toma el valor 1 si el individuo está casado y 0 en otro caso, GRADE_i es el nivel de estudios del individuo, UNION_i es una variable ficticia que toma el valor 1 si el individuo pertenece a un sindicato y 0 en otro caso.

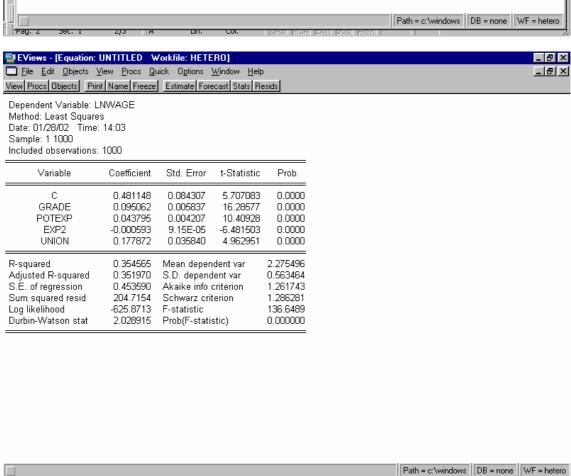












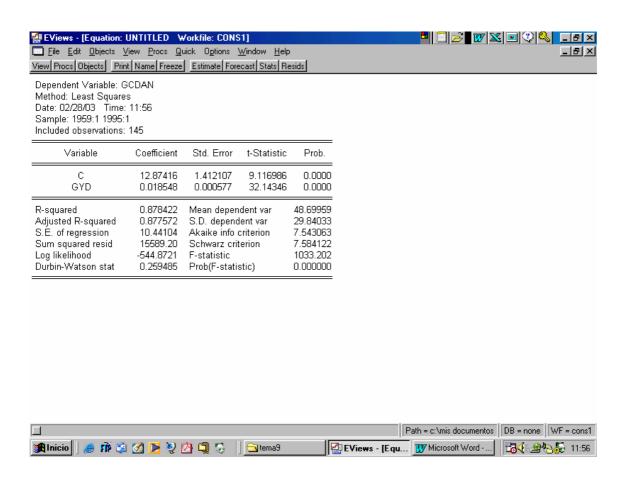
8.- Con los datos disponibles en: http://www.uv.es/~sancho/docencia/cons1, correspondientes al gasto de los hogares en moneda constante (GCDAN) y la renta de los mismos (GYD) también a monedas constantes cuya información se dispone trimestralmente, se estima el modelo siguiente:

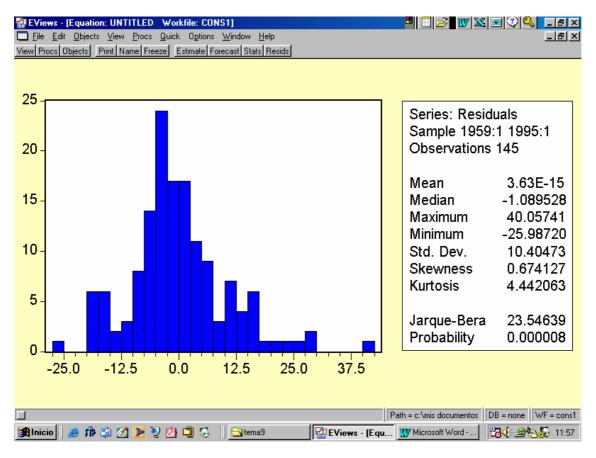
$$GCDAN_t = \alpha + \beta GYD_t + u_t$$

Se expone a continuación los resultados de esta estimación y de algunos datos de interés para el posterior análisis del proceso de estimación.

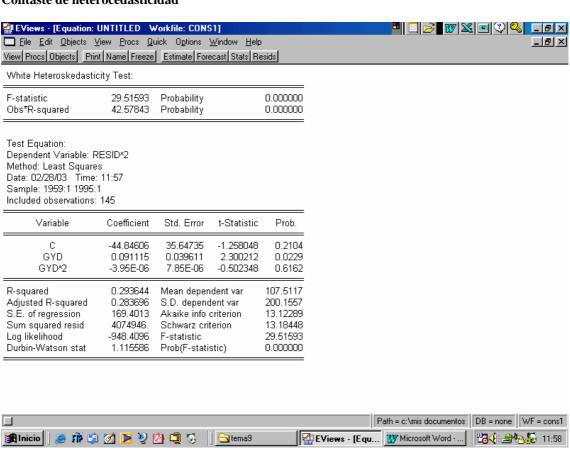
Proceda a comentar estos resultados, realizando para ello el análisis siguiente.

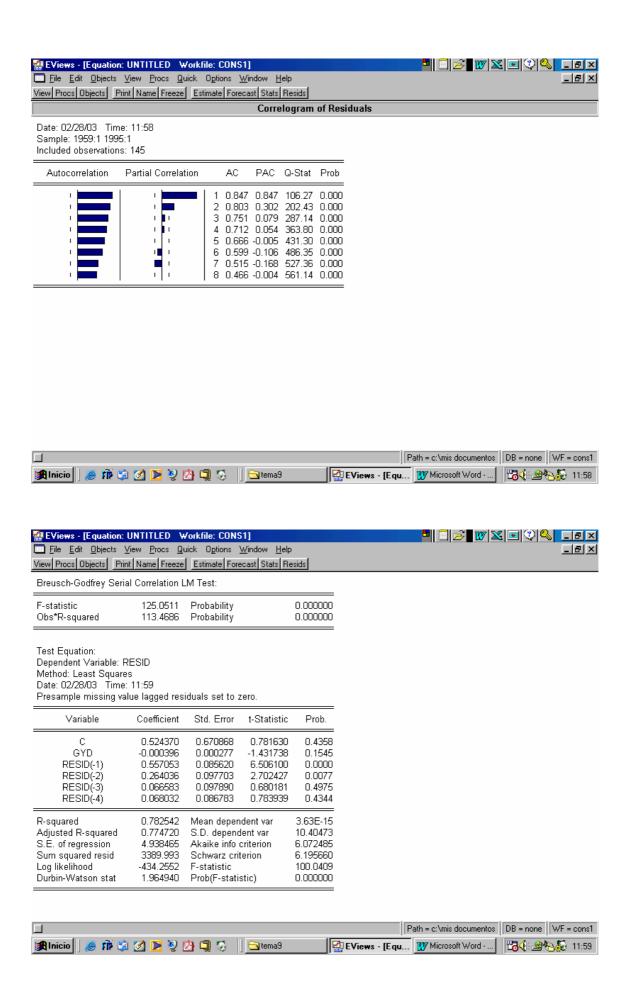
- 1.- Estudio de los resultados generales del modelo, validez de la variable exógena para explicar la endógena. Realice para ello los test que considere adecuados.
- 2.- Contraste las hipótesis mantenidas en la formulación del modelo, normalidad, autocorrelación, heterocedasticidad.
- 3.- Analice un test que le permita establecer problemas de heterocedasticidad conjuntamente con autocorrelación.
- 4.- Solucione el problema de autocorrelación que pudiese existir en el modelo propuesto.

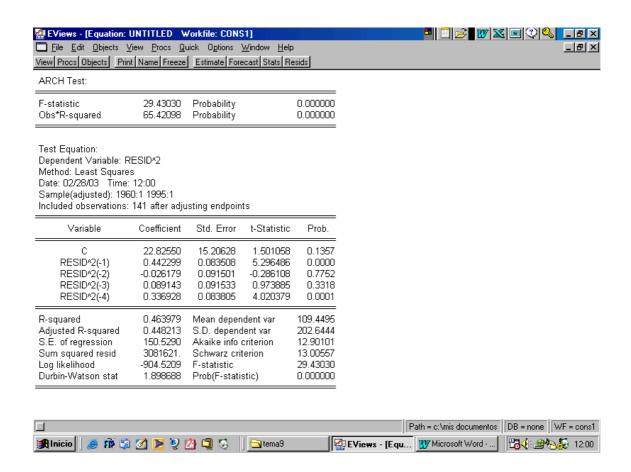


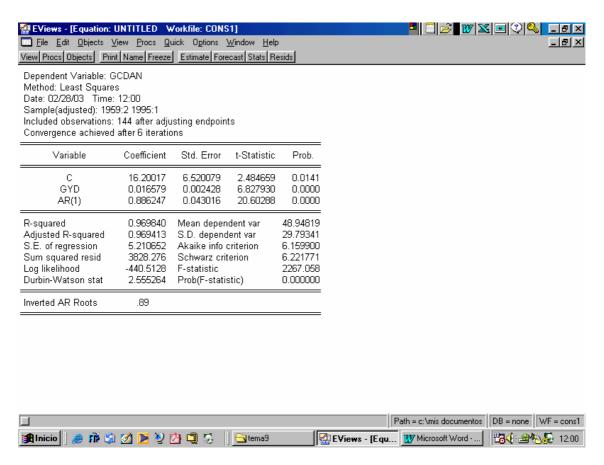


Contaste de heterocedasticidad

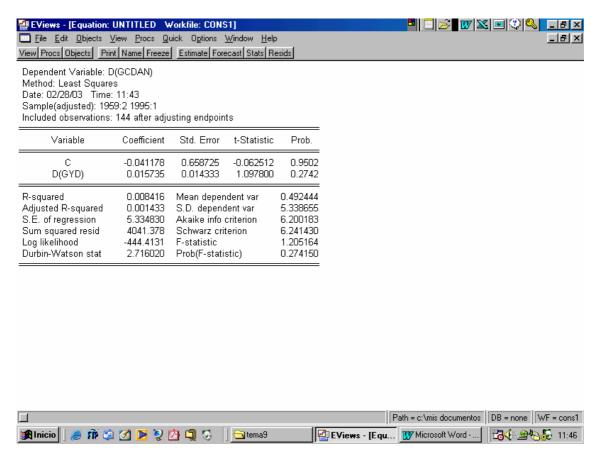




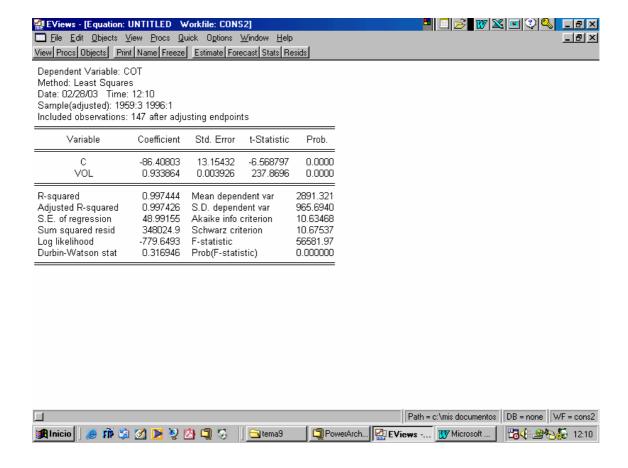




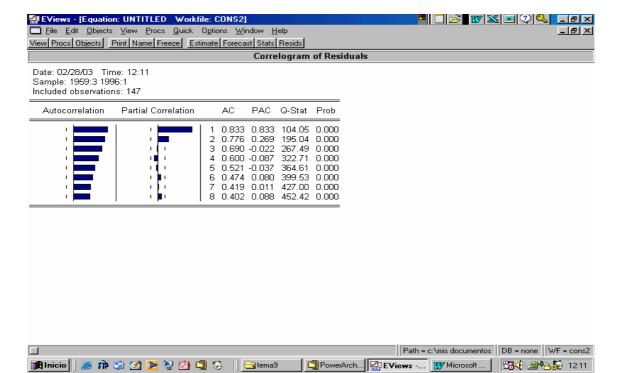
9.- Posteriormente se estima el modelo en diferencia, pensando que la tendencia de la serie es importante y por lo tanto sería interesante realizar esta estimación con el fin de eliminarla. Analice un test que le permita elegir entre los dos modelos presentados.



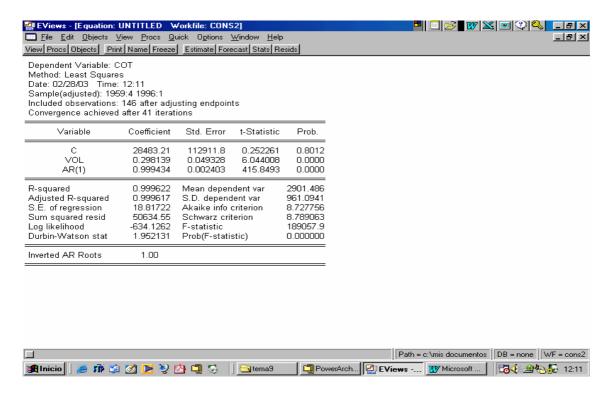
10.- Con los resultados de la estimación del modelo $COT_t = \alpha + \beta VOL_t + u_t$ para observaciones trimestrales de la Producción Industrial (COT) y del Consumo de Energía Eléctrica (VOL), analice los problemas asociados a la estimación del modelo siguiente.



La función de autocorrelación da como resultado:



Se estima el modelo siguiente



Ante los resultados se decide realizar la estimación siguiente: Comente las razones y obtenga una forma de evaluar cual de las dos estimaciones es más adecuada.

